

## **Multi-Objective Hybrid Metaheuristic Search Algorithm for Distributed Reentrant Permutation Flow Shop Scheduling Via Considering Preventive Maintenance under Uncertainty**

**Aliakbar Hasani\***

Assistant professor, Department of Industrial Engineering and Management, Shahrood University of Technology, Shahrood, Iran, aa.hasani@shahroodut.ac.ir

**Abstract:** Distributing the production activities among the supply chain facilities with regard to the considered criteria can have a significant impact on the productive management. In this paper, a comprehensive mathematical model for reentrant permutation flow shop scheduling via considering a preventive maintenance and distributed jobs on different facilities is proposed. The uncertainty of the time of preventive maintenance operation is handled using robust optimization technique based on the uncertainty budget approach. Job assignment to production facilities and job scheduling are determined in the proposed model by considering multiple objectives include  $C_{max}$  minimization, production cost minimization, and average tardiness. Due to the NP-hard nature of the proposed flow shop scheduling problem, a new hybrid meta-heuristic based on the novel adaptive large neighborhood search and the simulated annealing is adopted. The obtained results from an extensive numerical experimentation indicate the efficiency of the proposed model and solution algorithm to tackle the proposed problem.

**Keywords:** Distributed Scheduling, Reentrant Permutation Flow Shop, Preventive Maintenance, Uncertainty, Hybrid, Metaheuristic Algorithm

**Introduction:** In certain manufacturing industries, it has been observed that the classical assumption of flow shop scheduling, stating that each job visits each machine exactly once, is occasionally violated. The prime example can be noticed in the high-tech industries, i.e. semiconductor wafer fabrication in which the operation processes of the jobs are performed by re-visiting some workstations (Gupta & Sivakumar, 2006). The scheduling problem of this nature of processing is categorized as a distinct flow shop with reentrant line configuration, called reentrant flow shop scheduling (RFS) (Katragnini et. al., 2015). The significance of RFS is the processing layers 1. Each layer begins from the first workstation and completes on the last workstation. It means that once a job finished a layer of a set of operations, it will repeat its process to the next layer starting on the first workstation until all operations are completed. The RFS scheduling has been an active research area and attracted a considerable attention since the past decade due to the development and improvement of high-tech industry. The complexity of RFS cannot be circumvented since it involves more operations than the classical flow shop. Moreover, the cyclic operations where the jobs with higher layers may overlap other jobs in the same work station are essential to be considered. As a result, these complexities have triggered the development of the efficient scheduling approaches to improve the system performance. Various researchers surveyed the scheduling techniques in semiconductor manufacturing and providing the global view on reentrant scheduling problems. Another form of RFS is reentrant permutation flow shop (RPFS) where at each level no passing is permitted, that is, not only the machine sequence the same for all jobs, but also the job sequence is the same for each machine (Rifai et al., 2016). Despite the enormous literature on the RFS, most studies -if not all- base their research on the assumption that the process only involves a single production line. Some studies explored the problem on hybrid RFS where the production stages have more than one machines available to process the jobs. Nevertheless, hybrid RFS is based on the single production line. Nowadays, single factory firms are less common, with multi-plant companies and supply chains taking a more important role in practice. Several literatures mentioned that multiple production lines with more than one production center, named as distributed manufacturing system, enables companies to achieve higher product quality, lower production costs and lower management risks. However, existing studies focused more on the economic field and distributed finite capacity scheduling is seldom tackled.

---

\* Corresponding author

**Materials and Methods:** In this section, a novel hybrid meta-heuristic via considering the specific assumptions of the flow shop problem as a NP-hard problem is proposed. The proposed solution algorithm incorporates adaptive large neighborhood search and the simulated annealing algorithms. Various new construction and deconstruction neighborhood structures are applied in the proposed adaptive large neighborhood search algorithm. Details of the proposed algorithm is presented in Fig.1.

**Results and Discussion:** The results of the proposed solution algorithm assessment are presented based on the two common performance assessment criteria which are proposed in the literature after 10 times runs of the applied solution algorithms. These criteria are the average number of obtained Pareto solution at each iteration of the algorithm and average number of Pareto solutions which are not dominated by solutions from other compared algorithms. In addition, computational time is considered as a third criteria for performance assessment of the proposed solution algorithm (See Table 1). Obtained results indicate the superiority of the proposed solution algorithm.

```

1: Initialize feasible solution  $x$ 
2: Set  $x^* \leftarrow x$ , Insert  $x$  to  $A$ , Initialize weights
3: While the stopping criteria is not reached do
    Select a destory  $n^-$  and  $n^+$  heuristic based
    on the adaptive weights  $w_n^-$  and  $w_n^+$ 
4: Repeat
5:     Apply  $(n^-, n^+)$  to yield  $x'$ 
6:     If  $(x' \text{ is better than } x^*)$  then Set  $x^* \leftarrow x'$ 
7:     Else IF Random(0,1)  $< e^{-\frac{\Delta F}{T}}$  then Set  $x^* \leftarrow x'$ 
8: End IF
9: Until the system is frozen
10: Update  $w_n^-$  and  $w_n^+$ 
11: Decrease the temperature according to
    the predefined pattern and set it as  $T$ 
12: End while
13: If  $(x'$  meets the acceptance criteria)
    then Set  $x'' \leftarrow x'$ 
14: Randomly select  $x$  from  $(A, x'')$ 
15: Until the system is frozen
16: Return  $x^*$ 

```

Fig. 1- Pseudo code of the proposed solution algorithm

Table 1- Performance assessment of the proposed solution algorithm

Compared Alg.			Proposed Alg.			Pro.	Compared Alg.			Proposed Alg.			Pro.
1	2	3	1	2	3		1	2	3	1	2	3	
0.7270	39.30	72.01	0.4129	25.95	57.12	15	0.6120	18.71	3392.26	0.5114	13.80	3019.18	75
0.6991	34.43	180.23	0.5972	28.80	152.11	30	0.6523	18.01	5900.74	0.5304	11.20	5631.07	90
0.9009	48.23	479.19	0.6543	38.10	398.06	45	0.6914	15.23	6801.69	0.5713	11.83	6594.29	105
0.9207	47.3	1308.21	0.7810	36.30	1200.47	60							

**Conclusion:** In this study, a comprehensive optimization model for an extended reentrant permutation flow shop scheduling via considering a preventive maintenance and distributed jobs on different facilities is proposed. To enhance the applicability of the proposed model, uncertainty of the time of preventive maintenance operation is handled using robust optimization technique based on the uncertainty budget approach. In the proposed mathematical model, multiple objectives include  $C_{max}$  minimization, production cost minimization, and average tardiness are considered. The aim of the proposed model is to determine the job assignment to production facilities and job scheduling. A new hybrid meta-heuristic based on the novel adaptive large neighborhood search and the simulated annealing is applied as a consequence of the NP-hard nature of the proposed flow shop scheduling problem,. The obtained results from an extensive numerical experimentation indicate the efficiency of the proposed model and solution algorithm to tackle the proposed problem.

## References

- Gupta, A. K., & Sivakumar, A. I. (2006). "Job Shop Scheduling Techniques In Semiconductor Manufacturing". *Int. J. Adv. Manuf. Technol.*, 27(11), 1163-1169.
- Katragjini, K., Vallada, E., & Ruiz, R. (2015). "Rescheduling Flowshops Under Simultaneous Disruptions". Paper presented at the 6th IESM Conference, Seville, Spain.
- Rifai, A. P., Nguyen, H. T., & Dawal, S. Z. M. (2016). "Multi-Objective Adaptive Large Neighborhood Search For Distributed Reentrant Permutation Flow Shop Scheduling". *Applied Soft Computing*, 40(1), 42–57.

## الگوريتم چندهدفه فرا ابتکاري ترکيبي برای مسأله زمانبندی جريان کارگاهی جايگشتی دوباره واردشونده توزيع شده با در نظر گرفتن نگهداري و تعميرات پيشگيرانه در شرایط عدم قطعیت

علی اکبر حسنی\*

استاديار، دانشکده مدیریت و مهندسی صنایع، دانشگاه صنعتی شاهرود، شاهرود، ايران، aa.hasani@shahroodut.ac.ir

**چکیده:** در اين مقاله، مدلی رياضی برای مسأله برنامه‌ریزی زمانبندی جريان کارگاهی توزيعی جايگشتی با امكان برگشت دوباره کارها و لحاظكردن برنامه‌ریزی نگهداري و تعميرات پيشگيرانه ارائه شده است. عدم قطعیت زمان انجام تعميرات پيشگيرانه با استفاده از رویکرد بهینه‌سازی استوار بودجه‌اي لحاظ شده است. هدف از حل مسأله، تخصیص کارها به تسهیلات تولید و تعیین توالی عملیات آنها با لحاظكردن معیارهای ارزیابی حداقل کردن زمان تکمیل آخرين کار، کل هزینه‌های تولید و متوسط مدت زمان دیرکرد در تحويل کارها است. با توجه به پیچیدگی‌های حل مسأله بررسی شده، از الگوريتم فرا ابتکاري ترکيبي مبتنی بر جستجوی همسایگی وسیع اطباق‌پذیر و شبیه‌سازی تبرید استفاده شده است. نتایج حل نشان‌دهنده کارایی مدل ارائه شده برای ارائه زمانبندی و تخصیص مناسب انجام کارها با توجه به معیارهای ارزیابی مدنظر و لحاظکردن سطوح مختلف ريسک‌پذيري تصمیم‌گيرندگان است. نتایج حل مسائل نمونه و ارزیابی عملکرد الگوريتم حل، نشان‌دهنده کارایی آن است.

**واژه‌های کلیدی:** زمانبندی توزيع شده، جريان کارگاهی جايگشتی دوباره واردشونده، نگهداري و تعميرات پيشگيرانه، عدم قطعیت، الگوريتم فرا ابتکاري ترکيبي

## مقدمه

در مدل‌های سنتی برنامه‌ریزی و زمانبندی توالی عملیات جریان کارگاهی، به‌طورمعمول فرض بر آن است که هر کار تنها یک بار از یک ماشین عبور می‌کند (پیندو<sup>۱</sup>، ۲۰۰۸). این در حالی است که با توسعه فرایندهای تولید و پیچیده‌شدن آن به‌ویژه در صنایع تولیدی با فناوری سطح بالا همچون تولید ویفر نیمه‌رسانا (وارگاس-ویلامیل و بیورا<sup>۲</sup>، ۲۰۰۱)، تولید صفحات کریستال مایع (چوی، کیم و لی<sup>۳</sup>، ۲۰۱۱)، مدارهای چاپی (بیسپو و تایور<sup>۴</sup>، ۲۰۰۱) و یا حتی در حوزه‌های کاربردی مانند پردازش سیگنال (زو، یین، چنگ، وو و گو<sup>۵</sup>، ۲۰۱۴) و خدمات نگهداری و تعمیرات (لین، لی و هو<sup>۶</sup>، ۲۰۱۳)، امکان بازگشت دوباره کارها به ماشین وجود خواهد داشت. به این نوع از مسائل برنامه‌ریزی، مسائل جریان کارگاهی دوباره واردشونده گفته می‌شود (ریفی، گوین و داوال<sup>۷</sup>، ۲۰۱۶). در جریان کارگاهی دوباره واردشونده، انجام فرایند کارها با مجموعه‌ای از لایه‌های انجام کار تعریف می‌شود (شامل عملیات کاری) که از ماشین ابتدایی تا ماشین پایانی شروع می‌شود. هر کار باید پس از پایان یک لایه، دیگر لایه‌های لازم را پشت سر گذارد (کوپتا و سیواکومار<sup>۸</sup>، ۲۰۰۶). در نظر گرفتن امکان مراجعة دوباره کارها به ماشین باعث افزایش پیچیدگی مدل‌سازی و برنامه‌ریزی مسئله جریان کارگاهی نسبت به حالت کلاسیک آن خواهد شد. مسئله جریان کارگاهی دوباره واردشونده نیز با توجه به توالی انجام کارها روی ماشین‌ها به دو دسته عمومی و جایگشتی تقسیم می‌شود (ریفی، گوین و داوال<sup>۷</sup>، ۲۰۱۶). در حالت جایگشتی، توالی انجام کارها روی ماشین‌ها برای تمامی کارها یکسان است. این حالت نیز در بسیاری صنایع با فناوری سطح بالا نظیر تولید نیمه‌رسانها دارای کاربرد خواهد بود. از سوی دیگر با توجه به پیچیدگی الزامات فضای تصمیم‌گیری برنامه‌ریزی و زمانبندی کارها در دنیای واقعی، نیاز است تا در راستای ارتقاء اثربخشی برنامه‌ها، دیگر تصمیمات مرتبط مانند برنامه‌ریزی نگهداری و تعمیرات ماشین‌ها نیز در نظر گرفته شود (رویز، گارسیا-دیاز و ماروتو<sup>۹</sup>، ۲۰۰۷). از سوی دیگر در طی سال‌های اخیر روند پراکنده‌کردن فرایندهای تولید در تسهیلات مختلف در سطح زنجیره تأمین با هدف کاهش قیمت تولید، ارتقاء کیفیت تولید، کاهش ریسک تولید و نزدیکی بیشتر به بازارهای هدف توسعه یافته است. این امر باعث شده است تا مسئله زمانبندی تولید در سطح زنجیره تأمین مطرح شود و تصمیمات مرتبط با پیکره‌بندی شبکه همچون انتخاب تسهیلات تولید بر آن تأثیرگذار باشند (مون، کیم و هور<sup>۱۰</sup>، ۲۰۰۲). پراکنده و توزیع کردن فعالیت‌های تولید در طی سال‌های اخیر به شدت توجه سازمانهای در حال رقابت در بازارهای جهانی را به خود جلب کرده است (نادری و رویز<sup>۱۱</sup>، ۲۰۱۴). این در حالی است که در دنیای واقعی بسیاری از پارامترهای کلیدی برای تصمیم‌سازی در شرایط عدم قطعیت هستند و نیاز است تا تأثیر آنها در فرایند برنامه‌ریزی در نظر گرفته شود (کسپرسکی، کورپیسز و زیلینسکی<sup>۱۲</sup>، ۲۰۱۲). لحاظ نکردن عدم قطعیت در فرایند برنامه‌ریزی باعث کاهش کارایی و اثربخشی تصمیمات در مرحله اجرا خواهد شد. علاوه بر آن تصمیم‌گیری هم‌زمان تخصیص کارها به تسهیلات و تعیین توالی آنها بر پیچیدگی‌های این مسئله در مقایسه با مسئله کلاسیک برنامه‌ریزی جریان کارگاهی می‌افزاید (نادری و رویز<sup>۱۱</sup>، ۲۰۱۴). با توجه به جنبه‌های متعدد و در عین حال متنوع، مسئله برنامه‌ریزی و زمانبندی جریان کارگاهی که اشاره شد، نیاز است تا در فرایند ارزیابی با تعیین معیارهای ارزیابی مناسب، اثربخشی تصمیمات را به خوبی ارتقاء داد؛ از این‌رو

متاثیر از بسیاری الزامات در دنیای واقعی، مدل‌های چندهدفه و نیاز به معرفی جواب‌های مناسب با در نظر گرفتن چند تابع هدف به صورت هم‌زمان، توسعه یافته است (ینیسی و یاقماهان ۱۳، ۲۰۱۴).

در این مقاله، مدلی جامع برای زمانبندی جریان کارگاهی جایگشتی دوباره واردشونده با سه معیار ارزیابی، ارائه شده است. برای افزایش اثربخشی برنامه‌ریزی، محدودیت‌های منبع در اختیار در شرایط اعمال تعمیرات و نگهداری پیشگیرانه روی ماشین‌ها در نظر گرفته شده است. علاوه بر آن، به دلیل پیچیدگی زیاد ماشین‌ها در فرایند تولید محصولات فناورانه و اثرگذاری این سطح بالای تکنولوژی بر فرایند تعمیرپذیری ماشین‌ها، عدم قطعیت زمان تعمیر ماشین‌ها نیز با استفاده از رویکرد برنامه‌ریزی استوار بودجه‌ای لحاظ شده است. درنهایت، با توجه به پیچیدگی‌های زیاد مدل ارائه شده، روش حل کارایی با الگوریتم فرا ابتکاری ترکیبی توسعه یافته ارائه و ارزیابی شده است.

دیگر بخش‌های مقاله به صورت ذیل ارائه شده است. در بخش ۲، مبانی نظری و پیشینه پژوهش زمانبندی جریان کارگاهی جایگشتی دوباره واردشونده بررسی شده است. در بخش ۳، مسئله پژوهش و مدل ریاضی آن ارائه شده است. در بخش ۴، الگوریتم حل ترکیبی جدید پیشنهادشده، بررسی شده است. مسائل نمونه بررسی و تنظیم پارامترهای الگوریتم حل در بخش ۵ ارائه شده است. نتایج محاسباتی در حل مسئله نمونه و اعتبارسنجی روش حل پیشنهادی نیز در بخش ۵ ارائه شده است. درنهایت جمع‌بندی و پیشنهادها برای انجام پژوهش‌های آتی در بخش ۶ ارائه شده است.

### مبانی نظری و پیشینه پژوهش

نخستین بار گریو<sup>۱۴</sup> و همکارانش (۱۹۸۳)، مسئله برنامه‌ریزی جریان کارهای دوباره واردشونده را معرفی کردند. پس از آن طی دهه‌های اخیر با توسعه صنعت نیمه‌رساناهای توجه به آن زیاد شد و توسعه یافت. به دلیل امکان بازگشت دوباره کارها به یک ماشین، این مسئله پیچیدگی‌های حل بیشتری نسبت به مسئله کلاسیک برنامه‌ریزی جریان کارگاهی دارد. پن و چن<sup>۱۵</sup> (۲۰۰۳) در مطالعه‌ای نشان داده‌اند مسئله برنامه‌ریزی جریان کارگاهی دوباره واردشونده حتی در ابعاد کوچک آن از نوع مسائل دارای پیچیدگی حل است. طی سال‌های اخیر، هم‌زمان با توسعه صنایع با فناوری سطح بالا نظیر توسعه نیمه‌رساناهای، مسئله جریان کارگاهی دوباره واردشونده با امکان یکسان‌بودن توالی کارها روی همه ماشین‌ها و با نام جایگشتی بهشدت توجه پژوهشگران را به خود جلب کرد (چن، پن و لین<sup>۱۶</sup>، ۲۰۰۹؛ چن<sup>۱۷</sup>، ۲۰۰۶؛ چن، پن و وو<sup>۱۸</sup>، ۲۰۰۸). در مسائل زمانبندی عملیات دوباره واردشونده، توجه به دو مقوله کاهش هزینه‌ها و افزایش بهره‌وری با در نظر گرفتن موعد تحویل کارها همواره مدنظر پژوهشگران بوده است (ریفی، گوین و داوال<sup>۱۹</sup>، ۲۰۱۶). حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار با هدف حداقل کردن بهره‌وری با افزایش میزان خروجی از متدالول ترین معیارهای ارزیابی در زمانبندی جریان کارگاهی دوباره واردشونده است (چو، چو و دسپرز<sup>۲۰</sup>، ۲۰۱۰؛ سان، ژانگ، گو و وانگ<sup>۲۱</sup>، ۲۰۱۱؛ برای مثال یانگ<sup>۲۲</sup> و همکارانش (۲۰۰۸) مدل برنامه‌ریزی جریان کارگاهی دوباره واردشونده با چند ماشین مبتنی بر مسئله ساخت پل را با هدف حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار ارائه کرده‌اند. همچنین، سانگ ساوانگ، ستانان، فوجیموتو و چن<sup>۲۳</sup> (۲۰۱۵) مدل برنامه‌ریزی دوسطحی

را برای حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار در مسأله زمانبندی جریان کارگاهی دوباره واردشونده را با در نظر گرفتن امکان توقف در فرایند تولید به دلیل نگهداری نکردن موجودی بافر و امکان توقف کار روی ماشین ارائه کردند. جیونگ و کیم<sup>۲۳</sup> (۲۰۱۴) مسأله برنامه‌ریزی جریان کارگاهی دوباره واردشونده را با در نظر گرفتن زمانهای راهاندازی وابسته به توالی عملیات و یا هدف حداقل کردن کل دیرکردها ارائه کردند. کانگ و همکاران (۲۰۰۷) مدلی ریاضی برای مسأله برنامه‌ریزی جریان کارگاهی دوباره واردشونده با هدف حداقل کردن میانگین موزون کل دیرکردها و با در نظر گرفتن زمانهای راهاندازی وابسته به توالی عملیات ارائه کردند. کایهارا<sup>۲۴</sup> و همکاران (۲۰۱۰) نیز مدلی برای حداقل کردن میانگین کل دیرکردها با در نظر گرفتن برنامه‌ریزی نگهداری و تعمیرات فعال ارائه کردند. هوانگ<sup>۲۵</sup> و همکاران (۲۰۱۴) مدلی با هدف حداقل کردن کل دیرکردها و زودکردها به صورت ترأمان ارائه کردند. نتایج مطالعات اخیر انجام شده در حوزه برنامه‌ریزی جریان کارگاهی دوباره واردشونده حاکی از آن است که مواجه با این مسأله تنها با لحاظ کردن یک معیار ارزیابی به خوبی الزامات مربوط به این فضای تصمیم‌گیری را در دنیای واقعی برآورده نمی‌سازد؛ ازین‌رو مدل‌های برنامه‌ریزی جریان کارگاهی دوباره واردشونده چنددهفه طی سال‌های اخیر توسعه یافته‌اند (ریفی، گوین و داوال<sup>۷</sup>، ۲۰۱۶). دوگاردن<sup>۲۶</sup> و همکاران (۲۰۱۰) مدلی چنددهفه برای برنامه‌ریزی جریان کارگاهی دوباره واردشونده با دو هدف حداقل کردن زمان سیکل تولید و حداقل کردن میزان استفاده از منابع ارائه کردند. همچنین در مطالعات دیگر، دوتابع هدف حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار و کل تأخیرها نیز در نظر گرفته شده‌اند (ابراهیمی، فاطمی قمی و کریمی<sup>۷</sup>، ۲۰۱۴).

طی سال‌های اخیر و متأثر از الزامات فضای کسب‌وکار، مشاهده می‌شود که تصمیم‌پردازی کردن فعالیت‌های تولید در تسهیلات مختلف و تخصیص کارها به تسهیلات در کنار تصمیم تعیین توالی انجام کارها توجه پژوهشگران را به خود جلب کرده است. این تصمیمات با هدف افزایش بهره‌وری و دست‌یابی به مزیت‌های گوناگون همچون کاهش هزینه‌ها و ریسک تولید انجام می‌شود؛ ازین‌رو در ادبیات، مسأله زمانبندی جریان کارگاهی دوباره واردشونده توزیع شده توسعه یافته است (ریفی، گوین و داوال<sup>۷</sup>، ۲۰۱۶). ریفی و همکارانش (۲۰۱۶) مدلی ریاضی برای زمانبندی کارها در جریان کارهای توزیع شده با در نظر گرفتن امکان بازگشت مجدد کارها به ماشین در حالت قطعیت کامل و بدون در نظر گرفتن محدودیت‌های استفاده از منابع مانند برنامه نگهداری و تعمیرات ماشین، ارائه کردند. این در حالی است که با توجه به پیچیدگی‌های محیطی، تصمیم‌گیری درباره توسعه بیشتر مدل‌های جریان کارهای دوباره واردشونده توزیع شده لازم است.

در دنیای واقعی، نمونه‌های متفاوتی از عدم قطعیت مانند عدم قطعیت در زمان انجام کارها، در دسترس بودن ماشین و ثابت بودن لیست کارها بر فعالیت‌های تولیدی و در پی آن مسأله زمانبندی تولید تأثیرگذار هستند (آرنات و ربی<sup>۲۸</sup>، ۲۰۰۸؛ کوپانوس، کاپون، گارسیا، اسپونا و پویجانر<sup>۲۹</sup>، ۲۰۰۸)؛ درنتیجه نیاز است تا برای افزایش اثربخشی تصمیمات، عدم قطعیت‌ها در برنامه‌ریزی لحاظ شوند (کاتراجینی، والا دا و رویز<sup>۳۰</sup>، ۲۰۱۵). هنگام مواجهه با عدم قطعیت شدید و در پی آن دسترسی نداشتن به داده‌های کافی و معتبر برای برآوردتابع احتمال و رفتار پارامتر بررسی شده با استفاده از رویکردهای برنامه‌ریزی احتمالی و فازی، استفاده از رویکرد برنامه‌ریزی استوار پیشنهاد

می شود. رویکرد بهینه سازی استوار مبتنی بر مفهوم بودجه عدم قطعیت تا حد مطلوبی شرایط دنیای واقعی را هنگامی که احتمال انحراف مقادیر همه پارامترهای غیرقطعی از مقادیر اسمی خود اندک باشد به خوبی پاسخ می دهد؛ بنابراین، تعداد پارامترهایی که مقادیر آنها نسبت به مقدار اسمی دارای انحراف است با حدی از پیش تعیین شده، تعیین می شود و بودجه عدم قطعیت نامیده می شود. سطح بودجه نشان دهنده درجه محافظه کاری تصمیم گیرنده است. مقادیر کمتر و بیشتر بودجه عدم قطعیت به ترتیب بیانگر حداکثر و حداقل مقدار ریسک پذیری تصمیم گیرنده هستند (حسنی، ذگردی و نیکبخش<sup>۳۱</sup>، ۲۰۱۴).

باتوجه به ماهیت مسائل جریان کارگاهی دوباره واردشونده در حالت عمومی و در حالت توزیع شده که از نوع مسائل با پیچیدگی حل است، نیاز به توسعه و ارائه روش های حل کارآمد برای حل این مسائل در ابعاد بزرگ و باتوجه به پیچیدگی های ذاتی آن است (ریفی، گوین و داوال<sup>۷</sup>، ۲۰۱۶)؛ از این رو پژوهشگران روش های فرا ابتکاری بیشتری نسبت به الگوریتم های حل دقیق و ابتکاری برای حل این نوع مسائل ارائه داده اند. لیو<sup>۳۲</sup> (۲۰۱۰)، رائو و چو<sup>۳۳</sup> (۲۰۰۹)، ولین و لی<sup>۳۴</sup> (۲۰۱۲) الگوریتم ژنتیک را برای حل جریان کارگاهی دوباره تکرارشونده ارائه کرده است. زو<sup>۳۵</sup> و همکاران (۲۰۱۴) الگوریتم ممتیک را برای حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار در مسئله جریان کارگاهی دوباره واردشونده جایگشتی ارائه کرده اند. یینگ<sup>۳۶</sup> و همکاران (۲۰۱۴) الگوریتم گریدی پارتو تکرارشونده را برای مسئله جریان کارگاهی دوباره واردشونده با در نظر گرفتن پنجره زمانی ارائه کرده اند. چان، پراکاش، ما و ونگ<sup>۳۷</sup> (۲۰۱۳) الگوریتم فرا ابتکاری ترکیبی مبتنی بر جستجوی ممنوعه و شبیه سازی تبرید را برای حل مسئله جریان کارگاهی توزیع شده ارائه کرده اند. چن<sup>۱۷</sup> (۲۰۰۶) الگوریتم فرا ابتکاری جستجوی ممنوعه را برای حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار در مسئله جریان کارگاهی دوباره واردشونده ارائه کرده اند. چوی<sup>۳۸</sup> و کیم<sup>۳۹</sup> (۲۰۰۸) مجموعه ای از الگوریتم های ابتکاری را برای حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار در مسئله جریان کارگاهی دوباره واردشونده ارائه کرده اند. سانگ سوانگ و ستانان<sup>۲۰</sup> (۲۰۱۵) الگوریتم فرا ابتکاری ترکیبی را مبتنی بر الگوریتم ژنتیک و جستجوی ذرات برای حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار در مسئله جریان کارگاهی دوباره واردشونده ارائه کرده اند. جیو<sup>۴۰</sup> و همکاران (۲۰۱۳) الگوریتم جستجوی ممنوعه را برای حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار در مسئله جریان کارگاهی دوباره واردشونده توزیع شده ارائه کرده اند. لین<sup>۴۱</sup> و همکاران (۲۰۱۳) نیز الگوریتم گریدی اصلاح شده را برای آن مسئله ارائه کرده اند. نادری و رویز<sup>۱۱</sup> (۲۰۱۰) الگوریتم جستجوی پراکنده را برای حل مسئله مشابه ارائه کرده اند.

علاقه مندان به مطالعه بیشتر در حوزه برنامه ریزی جریان کارگاهی دوباره واردشونده به مطالعات چوی<sup>۴۲</sup> و همکاران (۲۰۰۹)، چیو<sup>۴۳</sup> و همکاران (۲۰۱۰)، و بودهار و مزیانی<sup>۴۴</sup> (۲۰۱۰) مراجعه کنند. برای مطالعه در زمینه مدل های برنامه ریزی و زمان بندی انجام کارها با انواع حالت های برگشت کارها به مطالعات بلمان و ارنست<sup>۴۵</sup> (۱۹۸۲)، ازوی<sup>۴۶</sup> و همکاران (۱۹۹۲)، لین و لی<sup>۴۷</sup> (۲۰۱۱) نیز مراجعه شود.

## تعريف مسئله پژوهش

در این مقاله مسئله برنامه‌ریزی جریان کارگاهی جایگشتی توزیع شده دارای کاربرد در صنایع تولید محصولات فناورانه الکترونیکی بررسی شده است. برای این منظور نیاز است تا علاوه بر تعیین توالی و زمان‌بندی عملیات تولید برای انجام کارها، مراکز تولید نیز انتخاب و فعالیت‌های تولیدی در این مراکز در راستای دست‌یابی به اهداف مدنظر به‌نحو مناسب توزیع شوند. لازم به ذکر است که انقطاع در انجام کارها مجاز نیست. مجموعه کارها کاملاً از یکدیگر مستقل هستند. ماشین‌ها همواره در دسترس نبوده و امکان بُروز خرابی و یا توقف به‌دلیل فعالیت‌های نگهداری و تعمیرات در نظر گرفته شده است. عدم قطعیت مدت زمان انجام فعالیت نگهداری و تعمیرات پیشگیرانه با رویکرد بهینه‌سازی استوار بودجه‌ای نمایش داده شده است. همه کارها در زمان صفر در کارگاه حضور دارند. در شکل شماره ۱ نمایی از جریان کارگاهی توزیع شده دوباره واردشونده شامل ۳ ماشین و ۲ سایت تولیدی مستقل و با امکان نگهداری موجودی بافر بدون ظرفیت هر ماشین نمایش داده شده است.

### مدل‌سازی ریاضی

#### مجموعه‌ها

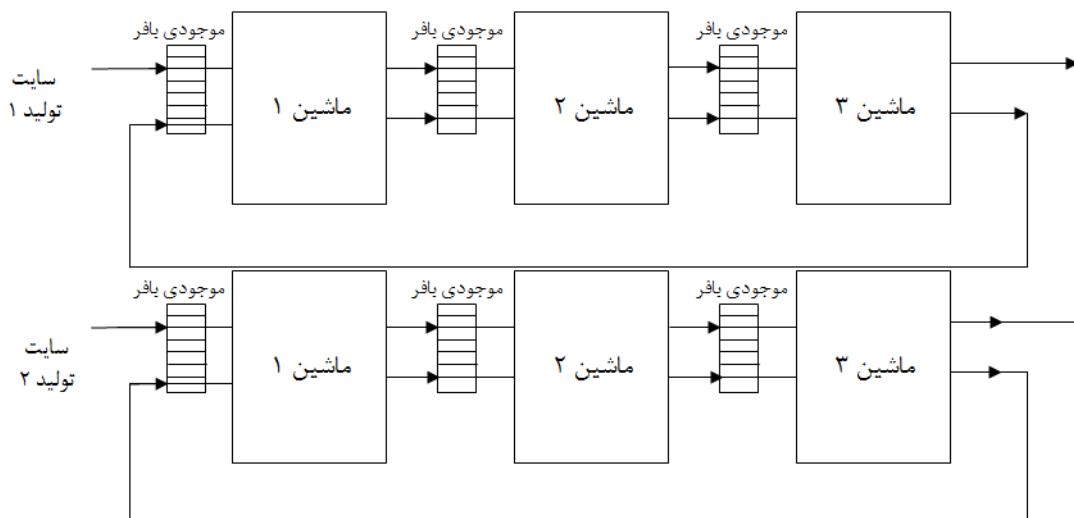
$P$ : مجموعه سایت‌های تولید

$M$ : مجموعه ماشین‌ها با مشخصات و ویژگی‌های برابر که در مجموعه تسهیلات تولید استقرار یافته‌اند

$J$ : مجموعه کارها

$L$ : مجموعه لایه‌ها با هدف نمایش امکان بازگشت دوباره یک کار به یک ماشین در حین فرایند تولید

$O$ : مجموعه عملیات یکسان برای تمامی کارها که باید به صورت متوالی انجام شوند



شکل ۱- نمای شماتیک جریان کارگاهی دوباره وارد شونده (ریغی و همکاران، ۲۰۱۶)

### پارامترها

$pr_{jml}$ : زمان انجام کار  $j$  روی ماشین  $m$  در لایه  $l$

$s_{jml}$ : زمان راهاندازی ماشین  $m$  برای انجام کار  $j$  در لایه  $l$

$d_j$ : موعد تحویل کار  $j$

$B$ : عدد بزرگ مثبت

$fC_{jp}$ : هزینه ثابت تخصیص کار  $j$  به تسهیل  $p$

$fC'_{jm}$ : هزینه هر واحد زمانی انجام کار  $j$  روی ماشین  $m$

$tpm_m^d$  و  $tpm_m^n$ : به ترتیب میانگین و انحراف از میانگین مدت زمان انجام تعمیرات پیشگیرانه روی ماشین  $m$

$t_m$ : زمان حمل و نقل بین ماشین  $m-1$  و  $m$

### متغیرها

$st_{ojmlp}$ : زمان آغاز فعالیت  $o$  از کار  $j$  روی ماشین  $m$  در لایه  $l$  در سایت تولیدی  $p$

$c_{ojmlp}$ : زمان تکمیل فعالیت  $o$  از کار  $j$  روی ماشین  $m$  در لایه  $l$  در سایت تولیدی  $p$

$c'_{ojmlp}$ : زمان تکمیل فعالیت  $o$  از کار  $j$  روی ماشین  $m$  در لایه  $l$  در سایت تولیدی  $p$  در صورت انجام تعمیرات

پیشگیرانه روی ماشین

$tb_m$ : مدت زمان بین دو تعمیر پیشگیرانه متوالی

$y_{ojmlt}$ : متغیر بازنگری نشان دهنده تخصیص عملیات  $o$  از کار  $j$  در لایه  $l$  به ماشین  $m$  در زمان  $t$

$x_{jp}$ : متغیر بازنگری نشان دهنده تخصیص کار  $j$  به سایت تولید  $p$

$xx_{jj'p}$ : متغیر بازنگری نشان دهنده انجام کار  $j$  بلا فاصله قبل از کار  $j'$  در سایت تولید  $p$  انجام شود

$zx_{jj'p}$ : متغیر بازنگری نشان دهنده انجام کار  $j$  قبل از کار  $j'$  در سایت تولید  $p$  انجام شود

$yx_{jj'mp}$ : متغیر بازنگری نشان دهنده انجام تعمیرات پیشگیرانه بین دو کار  $j$  و  $j'$  روی ماشین  $m$  در سایت تولید  $p$

$\Gamma_0$ : بودجه عدم قطعیت،

$ysI_{ojmlp}$  و  $ZfI_0$   $RpfI_0$   $ysI_{ojmlp}$   $ZfI_0$   $RpfI_0$   $ysI_{ojmlp}$   $ZfI_0$   $RpfI_0$   $ysI_{ojmlp}$   $ZfI_0$   $RpfI_0$

در مدل قرین استوار برای نمایش عدم قطعیت در زمان انجام تعمیرات پیشگیرانه.

**تابع هدف و محدودیت‌ها:** در مدل ریاضی ارائه شده، سه تابع هدف به صورت توأم در نظر گرفته شده است که

عبارت‌اند از (روابط ۱ الی ۳):

$$\text{Min } C_{max} = \max_{j,m,l,p} \left( C_j = \max_{omlp} (C_{ojmlp}) \right) \quad (1)$$

$$UC = \sum_{p,j,l,m} fC'_{jm} \cdot (pr_{jml} + s_{jml}) x_{jp} \quad (2)$$

$$\text{Min } + \sum_{j,p} fC_{jp} x_{jp} \quad (3)$$

$$\text{Min } \bar{T} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n \max \left\{ (C_{jmlp} - td_j), 0 \right\} \quad (3)$$

تابع هدف (۱) زمان تکمیل آخرین کار را حداقل می‌کند. تابع هدف (۲) کل هزینه‌های تولید شامل هزینه‌های انجام فرایند و تخصیص کارها به هر ماشین را حداقل کند. تابع هدف (۳) نیز متوسط زمان دیرکردها را حداقل می‌کند. لازم به ذکر است که در مسأله جریان کارگاهی جایگشتی عمومی، حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار و جریان کارها در کارگاه هزینه‌های تولید را حداقل می‌کنند. این در حالی است که در مسأله جریان کارگاهی توزیع شده به دلیل در نظر گرفتن هزینه‌های راهاندازی در تسهیلات مختلف تولید و تصمیم‌گیری با توجه به ارتقاء سطح استفاده از تسهیل و راهاندازی تسهیل جدید، دو معیار مذکور، هزینه‌های کل تولید را حداقل نمی‌کنند (لین و بینگ، ۲۰۱۳).<sup>۴۷</sup>

$$\sum_p x_{jp} = 1 \quad \forall j \quad (4)$$

$$\sum_{j,l,o} y_{ojmlh} \leq 1 \quad \forall m,t \quad (5)$$

$$\sum_{m,l,o} y_{ojmlt} \leq 1 \quad \forall j,t \quad (6)$$

$$\sum_{o,m,l} y_{ojmlt} \leq x_{jp} \quad \forall j,t \quad (7)$$

$$St_{ojmlp} \geq 0 \quad \forall o,j,m,l,p \quad (8)$$

$$C'_{ojmlp} + st_{ojmlp} + pr_{jml} + s_{jml} + (y_{oimlt} - 1) \cdot B + (1 - yx_{jj'mp}) \cdot B \geq tb_m \quad \forall o,j,j',m,l,p \quad (9)$$

$$C'_{ojmlp} + st_{ojmlp} + pr_{jml} + s_{jml} + (y_{oimlt} - 1) \cdot B - yx_{jj'mp} \cdot B \leq tb_m \quad \forall o,j,j',m,l,p \quad (10)$$

$$C'_{ojmlp} \geq C_{ojmlp} - \left[ \frac{C_{ojmlp}}{tpm_m^n} \right] tpm_m^n + Zf_1 \times \Gamma_0 + Rpf_1 \quad \forall o,j,m,l,p \quad (11)$$

$$Zf_1 + Rpf_1 \geq tpm_m^d \times Ys1_{ojmlp} \quad \forall o,j,m,l,p \quad (12)$$

$$-Ys1_{ojmlp} \leq C_{ojmlp} \leq Ys1_{ojmlp} \quad \forall o,j,m,l,p \quad (13)$$

$$C'_{ojmlp} \leq C_{ojmlp} - \left[ \frac{C_{ojmlp}}{tpm_m^n} \right] tpm_m^n + Zf_2 \times \Gamma_0 + Rpf_2 \quad \forall o,j,m,l,p \quad (14)$$

$$Zf_2 + Rpf_2 \geq tpm_m^d \times Ys2_{ojmlp} \quad \forall o,j,m,l,p \quad (15)$$

$$-Ys2_{ojmlp} \leq C_{ojmlp} \leq Ys2_{ojmlp} \quad \forall o,j,m,l,p \quad (16)$$

$$\begin{aligned} & \left( C_{ojmlp} - C_{oj'mlp} \right) \\ & + B \times (1 - \max(xx_{jjp}, zx_{jjp})) \end{aligned} \geq \begin{aligned} & \left( St_{ojmlp} + pr_{jml} + s_{jml} + zf_3 \times \Gamma_0 + Rpf_3 \right) \\ & + (y_{oimlt} - 1) \times B + yx_{jj'mp} \times tpm_m^n \end{aligned} \quad \forall o,j,j',m,l,p \quad (17)$$

$$Zf_3 + Rpf_3 \geq tpm_m^d \times Ys3_{jj'mp} \quad \forall j,j',m,p \quad (18)$$

$$-Ys3_{jj'mp} \leq yx_{jj'mp} \leq Ys3_{jj'mp} \quad \forall j,j',m,p \quad (19)$$

$$\begin{aligned} & \left( C_{ojmlp} - C_{oj'mlp} \right) \\ & + B \cdot (\max(xx_{jjp}, zx_{jjp})) \end{aligned} \geq \begin{aligned} & \left( St_{ojmlp} + pr_{jml} + s_{jml} + Zf_4 \times \Gamma_0 + Rpf_4 \right) \\ & + (y_{oimlt} - 1) \cdot B + yx_{jj'mp} \cdot tpm_m \end{aligned} \quad \forall o,j,j',m,l,p \quad (20)$$

$$Zf_4 + Rpf_4 \geq tpm_m^d \times Ys4_{jj'mp} \quad \forall j,j',m,p \quad (21)$$

$$-Ys4_{jj'mp} \leq yx_{jj'mp} \leq Ys4_{jj'mp} \quad \forall j,j',m,p \quad (22)$$

$$yx_{jj'mp} \leq xx_{jjp} \quad \forall j,j',m,p \quad (23)$$

$$zx_{jjp} \geq xx_{jjp} \quad \forall j,j',p \quad (24)$$

$$xx_{jj'p} + xx_{j'jp} \leq 1 \quad \forall j, j', p \quad (25)$$

$$C_{ojmlp} \geq 0 \quad \forall o, j, m, l, p \quad (26)$$

$$C_{ojmlp} \leq st_{o,(j+1),mlp} \quad \forall m, l, p \quad (27)$$

$$St_{ojmlp} \geq C_{(o-1),jmlp} + t_m + (y_{oimlt} - 1) \cdot B \quad \forall j, m, l, p \quad (28)$$

محدودیت (۴) تضمین می‌کند هر کار تنها به یک تسهیل تولیدی تخصیص می‌یابد. محدودیت (۵) مقید می‌کند ماشین‌ها تک‌کاره هستند و هر ماشین در زمان  $t$  تنها یک کار را انجام می‌دهد. محدودیت (۶) نیز نشان می‌دهد در زمان  $t$  هر کار تنها روی یک ماشین انجام می‌شود. محدودیت (۷) وابستگی تخصیص عملیات به هر ماشین در صورت انتخاب آن را نشان می‌دهد. محدودیت (۸) آغاز هر کار بعد از زمان صفر را نشان می‌دهد. محدودیت‌های (۹) تا (۱۱) زمان انجام تعمیرات پیشگیرانه (مدت زمان دو تعمیر پیشگیرانه متولی) را روی هر ماشین مشخص می‌کنند. در محدودیت (۱۱) عدم قطعیت زمان انجام تعمیرات پیشگیرانه با در نظر گرفتن بودجه عدم قطعیت لحاظ شده است. محدودیت‌های (۱۴) و (۱۵) به ترتیب نشان‌دهنده وابستگی بین انجام تعمیرات پیشگیرانه با انجام کار روی یک ماشین و توالی انجام کارهای تخصیص داده شده به یک ماشین است. محدودیت‌های (۱۷) و (۲۰) نشان می‌دهند زمان تکمیل عملیات  $o$  از کار  $z$  تابعی از زمان آغاز انجام یک کار، زمان آماده‌سازی، زمان انجام فرایند و زمان انجام تعمیرات پیشگیرانه است. محدودیت (۱۶) وضعیت انجام یک کار قبل از یک کار دیگر را نشان می‌دهد. محدودیت (۱۷) تضمین می‌کند زمان تکمیل عملیات  $o$  از کار  $z$  روی ماشین  $m$  در لایه  $l$  در سایت تولیدی  $p$  باید مخالف با صفر باشد. محدودیت (۱۸) اطمینان می‌دهد کار  $1+jam$  تنها زمانی می‌تواند روی ماشین  $m$  در سایت تولیدی  $p$  که فعالیت پیش‌نیاز آن انجام شده باشد. محدودیت (۱۹) اطمینان می‌دهد زمان آغاز عملیات  $o$  از کار  $z$  نمی‌تواند زودتر از زمان تکمیل عملیات قبل آن باشد. مجموعه محدودیت‌های خطی (۱۲)، (۱۳)، (۱۵)، (۱۶)، (۱۸)، (۱۹)، (۲۱)، (۲۲) و (۲۲) نیز با توجه به مدل همتای (قرین) استوار مبتنی بر برنامه‌ریزی استوار بودجه‌ای (ارائه شده در پژوهش برتسیماس و سیم<sup>۴۸</sup>) برای لحاظ‌کردن عدم قطعیت در محدودیت‌های (۱۱)، (۱۴)، (۱۷) و (۲۰) زمان انجام تعمیرات پیشگیرانه مبتنی بر رویکرد بودجه‌بندی در نظر گرفته شده‌اند.

## الگوریتم حل پیشنهادی مبتنی بر الگوریتم فرا ابتکاری ترکیبی

در این بخش، الگوریتم فرا ابتکاری ترکیبی جدیدی با توجه به ماهیت مسئله جریان کارگاهی که از نوع مسائل با پیچیدگی حل بالا بوده، ارائه شده است. الگوریتم ارائه شده مبتنی بر جستجوی همسایگی وسیع انطباق‌پذیر با اندازه جمعیت پویا و الگوریتم شبیه‌سازی تبرید است. در الگوریتم جستجوی همسایگی وسیع انطباق‌پذیر از مجموعه‌ای از روش‌های جدید برای تخریب و بازسازی جواب و فرایند سیستماتیک انتخاب، براساس سابقه عملکرد هریک از روش‌های تعمیر و تخریب استفاده شده است. فرایند تکرار پذیر جستجوی جواب مبتنی بر الگوریتم شبیه‌سازی تبرید

با دمای اولیه آغاز می‌شود و سپس این دما با نرخی مشخص کاهش خواهد یافت. نرخ تبرید کم باعث طولانی ترشدن فرایند جستجو و نرخ تبرید سریع باعث افزایش احتمال قرارگرفتن در دام بهینه محلی خواهد شد. شبکه کد الگوریتم ترکیبی پیشنهادشده در شکل ۲ نمایش داده است.

**نمایش جواب:** هر جواب با ارائه‌ای دو بعدی نمایش داده خواهد شد و ابعاد آن در شکل ۳ نمایش داده شده است. با کدگشایی از این ساختار نمایش جواب مقادیر متغیرهای مربوط به تخصیص کارها به تسهیلات تولیدی و توالی عملیات کارها در هر تسهیل تعیین می‌شود. عملیات نگهداری و تعمیرات پیشگیرانه نیز مجموعه کار جدیدی است که در کنار کارهای اصلی تعریف می‌شود. این نحوه نمایش باعث تسهیل در در نظر گرفتن موقعیت اعمال تعمیر پیشگیرانه نسبت به دیگر کارها روی هر ماشین در هر سایت خواهد شد.

**عملگرهای جستجوی همسایگی:** با توجه به انتخاب الگوریتم جستجوی همسایگی سریع، با استفاده از دو عملگر تخریب و تعمیر به صورت توالی، جستجو برای یافتن جواب‌های جدید مبتنی بر جواب در اختیار، انجام خواهد شد. در توسعه عملگرهای تخریب و تعمیر تلاش شده است تا با توجه به فضای جواب مسئله در حال بررسی، عملگرها به خوبی بتوانند در ایجاد تنوع و تمرکز در فرایند جستجوی جواب ایفای نقش کنند. در ادامه، این عملگرها و نحوه پیاده‌سازی آنها توضیح داده شده است.

**عملگر تخریب:** با اعمال عملگر تخریب  $N$  روی جواب نمونه بررسی شده، امکان توسعه جواب در راستای رسیدن به جواب جدید فراهم می‌شود. این در حالی است که در استفاده از این عملگر باید توجه شود که دو مفهوم تنوع و عمق بخشیدن به فضای جستجو به خوبی مدنظر قرار گیرد. عملگر تخریب روی بخش‌های مختلف جواب نظری توالی انجام کارها و یا تخصیص کارها به تسهیلات تولید به‌نهایی و یا هر دو بخش به صورت توأم اعمال شدنی است. در جدول ۱، تکنیک‌های استفاده شده برای چگونگی اعمال این عملگر ارائه شده است. اندازه دامنه تخریب در هر مرحله از الگوریتم جستجوی همسایگی وسیع انطباق‌پذیر با هدف تنوع بخشی در ابتدای فرایند جستجو و تمرکز در مراحل پایانی، متفاوت در نظر گرفته خواهد شد (رابطه ۲۹).

$$DR = DR_{start} - (DR_{start} - DR_{end}) \cdot \left( \frac{I_{current}}{I_{max}} \right) \quad (29)$$

**عملگر تعمیر:** عملگر تعمیر  $N^+$  عملیات اصلاح جواب ناقص ایجادشده به وسیله عملگر تخریب را انجام می‌دهد. هدف از اعمال عملگر تعمیر عبارت از ایجاد بهبود در جواب‌های به دست آمده و ایجاد تنوع در آنها با هدف یافتن جواب‌های نامغلوب جدید است. برای این منظور از تکنیک‌های مختلفی در اعمال عملگر تعمیر روی جواب استفاده می‌شود (جدول ۲). مجموعه جواب‌های پارتو ذخیره شده در مجموعه آرشیو، نقش مهمی در پیاده‌سازی عملگر تعمیر دارند.

انتخاب عملگرهای تعمیر و تخریب مبتنی بر رویکردی سیستماتیک انطباق‌پذیر است؛ یعنی سابقه عملکرد هر عملگر انتخاب شده، در شناس انتخاب آن در مراحل آتی الگوریتم جستجو تأثیرگذار است. انتخاب عملگرها با استفاده از چرخه رولت انجام می‌شود (رابطه ۳۰). به روزرسانی وزن هریک از عملگرها نیز با توجه به مشارکت

عملگر در بهبود مقدار مقادیر تابع هدف با استفاده از رابطه (۳۱) انجام خواهد شد. ضریب تعدیل  $\lambda$  نیز میزان وابستگی وزن جدید را به سابقه عملگر بررسی شده نشان می‌دهد. رابطه (۳۲) نشان‌دهنده وزن عملگر در پیاده‌سازی آن است و تابعی از کیفیت جواب جدید به دست آمده است. برای این منظور چهار حالت در نظر گرفته شده است که به ترتیب عبارت‌اند از: (۱) جواب جدید بهترین جواب موجود را مغلوب کند؛ (۲) جواب جدید، جواب قبلی را مغلوب کند؛ (۳) جواب جدید، جواب قبلی را مغلوب نکند؛ اما با توجه به معیار انتخاب متأثیر از شبیه‌سازی تبرید پذیرفته شود؛ (۴) جواب جدید رد شود. در رابطه (۳۱)، شاخص میزان مشابهت جواب جدید با جواب موجود نیز در نظر گرفته شده است. تنوع جواب‌های ایجاد شده تأثیر زیادی بر کیفیت جواب نهایی و توانمندی فرایند جستجوی همسایگی خواهد داشت. با توجه به بررسی مسئله‌ای چندهدفه و مواجه با چند معیار ارزیابی به صورت همزمان، میزان مشابهت با استفاده از محاسبه شاخص مسافت اقلیدسی سه‌بعدی انجام خواهد شد (رابطه ۳۴).

$$\phi_k^- = \frac{w_k^-}{\sum_{n=1}^N w_n^-} \quad \forall k \in N^- \quad (30)$$

$$w_n^l = \lambda w_n^{l-1} + (1-\lambda) \cdot (\sigma_n^{l-1} + g_n^{l-1}) \quad \forall n \in N^- \quad (31)$$

$$\sigma = f(\omega_i) \quad \forall i = 1, \dots, 4, \quad \omega_1 \geq \omega_2 \geq \omega_3 \geq \omega_4 \quad (32)$$

$$di(x, x') = \sqrt{\sum_{i=1}^3 (f_i(x) - f_i(x'))^2} \quad (33)$$

$$g = \max \begin{cases} \varepsilon_1 & \text{If } di_{(x, x')} > \varpi \cdot \sum_{e=1}^E f_e(x) \\ \varepsilon_2 & \text{If } 0 < di_{(x, x')} \leq \varpi \cdot \sum_{e=1}^E f_e(x) \quad \varepsilon_1 \geq \varepsilon_2 \geq \varepsilon_3 \\ \varepsilon_3 & \text{If } di_{(x, x')} = 0 \end{cases} \quad (34)$$

### یافته‌های پژوهش و تحلیل نتایج

در این بخش، نتایج تحلیل داده‌ها و یافته‌های پژوهش در قالب نتایج محاسباتی حل مدل ریاضی (توابع هدف و محدودیت‌های ۱ تا ۲۸) با هدف بررسی اثر عدم قطعیت بر عملکرد زمانبندی کارها در مسئله جریان کارگاهی جایگشتی با برگشت دوباره کارها ارائه شده است. برای این منظور، ۲۱ مسئله نمونه اصلی و الگوی تولید داده‌ها از مطالعات ریفی<sup>۷</sup> و همکاران (۲۰۱۶) به عنوان نزدیک‌ترین مسئله مشابه بررسی شده در ادبیات موضوع که در این مطالعه نیز توسعه یافته است، برداشت شده است (جداول ۳ و ۴).

```

1: Initialize feasible solution  $x$ 
2: Set  $x^* \leftarrow x$ 
3: Insert  $x$  to  $A$ 
4: Initialize weights
5: While the stopping criteria is not reached do
6:   Select a destroy  $n^-$  and  $n^+$  heuristic based on the adaptive weights  $w_n^-$  and  $w_n^+$ 
7: Repeat
8:   Apply  $(n^-, n^+)$  to yield  $x'$ 
9:   If  $(x')$  is better than  $x^*$  then
10:    Set  $x^* \leftarrow x'$ 
11: Else IF  $\text{Random}(0,1) < e^{-\frac{\Delta F}{T}}$ 
12:   Set  $x^* \leftarrow x'$ 
13: End IF
14: If  $(x')$  is non-dominantedsolution then
15:   Insert  $x'$  to  $A$ 
16: End IF
17: If  $(x')$  meets the acceptance criteria then
18:   Set  $x'' \leftarrow x'$ 
19: End if
20: Randomely select  $x$  from  $(A, x'')$ 
21: Until the system in frozen
22: Update  $w_n^-$  and  $w_n^+$ 
23: Decrease the temperature according to the predefined pattern and set it as  $T$ 
24: End while
25: Return  $x^*$ 

```

شکل ۲ - شبیه کد الگوریتم ترکیبی جستجوی همسایگی وسیع انطباق‌بزیر و شبیه‌سازی تبرید

شماره کارها										
تسهیل تولید تخصیص داده شده										
توالی عملیات										
۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱	
۲	۳	۱	۴	۱	۲	۳	۴	۴	۱	
۲	۱	۳	۲	۲	۱	۲	۱	۳	۱	

شکل ۳ - نمایش جواب در الگوریتم فرا ابتکاری ترکیبی ارائه شده برای برنامه ریزی ۱۰ کار در ۴ سایت تولید به صورت نمونه

جدول ۱- الگوی عملگرهای تخریب و نحوه پیادهسازی آنها روی جواب نمونه بررسی شده

عملگر تخریب	نحوه پیادهسازی
تخریب تصادفی	برای تنویخشی به فرایند جستجو، یک بخش از ساختار جواب به صورت تصادفی تخریب خواهد شد. این فرایند تصادفی نقش مؤثری در خارج شدن از بهینه محلی خواهد داشت. انواع حالات تخریب تصادفی عبارت اند از: <ul style="list-style-type: none"> <li>▪ مجموعه های غیرهمسايه از ژنهای با اندازه تصادفی انتخاب می شوند.</li> <li>▪ یک مجموعه از ژنهای همسایه با اندازه تصادفی انتخاب می شود.</li> </ul>
تخریب تسهیلات با ظرفیت آزاد	در این راستا، تخصیص های در نظر گرفته شده برای تسهیل تولیدی با بیشترین ظرفیت آزاد از جواب حذف خواهد شد. هدف از این اقدام، تخصیص کارهای مربوط بدین تسهیلات به تسهیلات با ظرفیت آزاد کمتر و درنهایت بستن تسهیلاتی که سطح بالایی از ظرفیت آنها اشغال نشده است. با کاهش تعداد تسهیلات تولیدی، کل هزینه های راه اندازی نیز کاهش خواهد یافت.
تخریب تسهیلات با ظرفیت مازاد	رویکرد این روش تخریب نقطه مقابل تخریب با ظرفیت آزاد است. در این روش تخریب بخش هایی از جواب حذف می شود که مرتبط با تخصیص کارها با بیشترین ظرفیت است. با اعمال تصادفی این روش تخریب و سپس تخصیص کارهای انتخاب شده به دیگر تسهیلات با ظرفیت آزاد در برنامه ریزی ظرفیت تسهیلات سطحی رخ می دهد. هدف نهایی از این اقدام، کاهش کلی زمان تکمیل آخرین کار و هزینه های سربار تولید است.
تخریب برمبنای زمان تکمیل آخرین کار	بخش بحرانی جواب با توجه به معیار زمان تکمیل آخرین کار از جواب با هدف برنامه ریزی بهتر در فرایند تعمیر، برداشته می شود. این اقدام به تمرکز بیشتر در فرایند جستجو منجر می شود.
تخریب مبتنی بر دیرکرد	این عملگر، بخشی از جواب را حذف می کند که بیشترین مقدار دیرکرد ناشی از زمان تکمیل زیاد و با موعد تحویل بسیار نزدیک را دارد.
تخریب مبتنی بر دیرکرد در آغاز کار	این عملگر بخشی از جواب را که دارای بیشترین مدت زمان دیرکرد در آغاز شدن کار است، انتخاب و حذف می کند. مدت زمان دیرکرد در آغاز کار برابر است با مدت زمان سپری شده از ورود کار به موجودی بافر تا آغاز عملیات تولیدی روی آن. این اقدام در کاهش هزینه های موجودی در جریان ساخت در پی کاهش سطح موجودی های بافر تأثیرگذار است.

جدول ۲- الگوی عملگرهای تخریب و نحوه پیادهسازی آنها روی جواب نمونه بررسی شده

عملگر تخریب	نحوه پیادهسازی
تعمیر تصادفی	برای تنویخشیدن به فرایند جستجو در اعمال عملگر تعمیر، از رویکرد انتخاب تصادفی با شанс برابر برای هر یک از اعضای مجموعه آرشیو در فرایند تعمیر جواب تخریب شده استفاده می شود. انواع حالات تعمیر تصادفی عبارت اند از: <ul style="list-style-type: none"> <li>▪ مجموعه ژنهای انتخاب شده با ترتیب تصادفی در محل اولیه خود قرار داده می شوند.</li> <li>▪ مجموعه ژنهای انتخاب شده با ترتیب معکوس در محل اولیه خود قرار داده می شوند.</li> <li>▪ مجموعه ژنهای انتخاب شده با ترتیب اولیه خود در محلی دیگر قرار داده می شوند.</li> <li>▪ مجموعه ژنهای انتخاب شده با ترتیب تصادفی در محلی دیگر قرار داده می شوند.</li> </ul>
ترکیب مبتنی بر آرشیو با هدف حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار	از میان جواب های حاضر در مجموعه آرشیو، جواب با کمترین میزان زمان تکمیل آخرین کار، مبنای وارد کردن بخش های جدایشده از جواب در فرایند تخریب و درنهایت تعمیر جواب جدید خواهد بود. تلاش برای کاهش زمان تکمیل کارها در راستای کاهش میزان دیرکرد نیز مفید است.
ترکیب مبتنی بر آرشیو با هدف حداقل کردن هزینه کل	در این حالت، عملیات تعمیر جواب تخریب شده مبتنی بر جواب انتخاب شده از مجموعه آرشیو با کمترین هزینه خواهد بود.

برای نمایش سطوح متفاوت محافظه کاری تصمیم گیرنده، پنج سطح شامل ۰، ۲۵، ۵۰، ۷۵ و ۱۰۰ درصد کل بودجه عدم قطعیت برای هریک از مسائل نمونه اصلی نمایش داده شده در جدول ۳، لحاظ شده است؛ درنتیجه، ۱۰۵ مسأله نمونه درمجموع بررسی شده است. دو سطح ۰ و ۱۰۰ درصد بودجه به ترتیب نشان دهنده قطعیت و عدم قطعیت کامل است. سطوح میانی نیز حد متوسطی از محافظه کاری تصمیم گیرنده را نشان می‌دهند. تنظیم تمامی پارامترهای الگوریتم فرا ابتکاری ترکیبی پیشنهادی با استفاده از روش طراحی آزمایش‌های تاگوچی انجام شده است و نتایج آن در جدول ۵ ارائه شده است.

نخست، کیفیت جواب‌های به دست آمده از الگوریتم فرا ابتکاری ترکیبی پیشنهادی در مقایسه با الگوریتم فرا ابتکاری ارائه شده برای مسأله مشابه در ادبیات موضوع (جستجوی همسایگی سریع انطباق پذیر)، براساس دو معیار ارزیابی متداول ارائه شده در ادبیات موضوع و پس از ۱۰ بار اجرای الگوریتم‌های حل مدنظر، بررسی شده است. این دو معیار ارزیابی به ترتیب عبارت‌اند از: متوسط تعداد جواب‌های پارتو به دست آمده در هر اجرای الگوریتم (معیار ۱) و متوسط نرخ جواب‌های پارتو به دست آمده بر حسب درصد به وسیله یک الگوریتم به‌طوری‌که با جواب‌های پارتو دیگر الگوریتم بررسی شده، مغلوب نشود (معیار ۲). زمان حل بر حسب ثانیه نیز سومین معیار ارزیابی عملکرد الگوریتم‌ها لحاظ شده است. نتایج مقایسه عملکرد الگوریتم فرا ابتکاری پیشنهادی با روش حل محدودیت اپسیلون آگمنت با نرم افزار بهینه سازی گمز حاکی از کارایی روش حل پیشنهادی از منظر زمان حل و عملکرد برابر آن در حل مسائل با ابعاد کوچک، متوسط و بزرگ است (جدول ۶).

جدول ۳- مسائل نمونه

دسته	$(n \times p)$	بعد مسأله	بدون عدم قطعیت	مسأله نمونه
۱	(۴×۲)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۱-۵)
	(۴×۳)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۶-۱۰)
	(۴×۴)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۱۱-۱۵)
۲	(۶×۲)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۱۶-۲۰)
	(۶×۳)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۲۱-۲۵)
	(۶×۴)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۲۶-۳۰)
۳	(۸×۲)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۳۱-۳۵)
	(۸×۳)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۳۶-۴۰)
	(۸×۴)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۴۱-۴۵)
۴	(۱۰×۲)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۴۶-۵۰)
	(۱۰×۳)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۵۱-۵۵)
	(۱۰×۴)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۵۶-۶۰)
۵	(۱۲×۲)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۶۱-۶۵)
	(۱۲×۳)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۶۶-۷۰)
	(۱۲×۴)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۷۱-۷۵)
۶	(۱۴×۲)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۷۶-۸۰)
	(۱۴×۳)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۸۱-۸۵)
	(۱۴×۴)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۸۶-۹۰)
۷	(۱۶×۲)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۹۱-۹۵)
	(۱۶×۳)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۹۶-۱۰۰)
	(۱۶×۴)		(۰-۲۵-۵۰-۷۵-۱۰۰)	(۱۰۱-۱۰۵)

محدودیت زمان ۲۰ هزار ثانیه‌ای برای دریافت جواب از نرمافزار اعمال شده است. امکان دریافت نتایج مربوط به معیار ۱ از نرمافزار میسر نبوده و مقایسه بر مبنای معیارهای ۲ و ۳ انجام می‌شود. علاوه بر آن، نتایج به دست آمده نشان می‌دهد که با افزایش ابعاد مسئله، کارایی روش حل اپسیلون محدودیت اگمنت از نظر زمان به شدت کاهش می‌یابد. برتری کامل کیفیت جواب و زمان حل حاصل از پیاده‌سازی الگوریتم فرا ابتکاری چندهدفه پیشنهادی برای حل مسائل با ابعاد بزرگ نیز کاملاً مشهود است.

جدول ۴ - محدوده تولید پارامترها

محدوده داده	پارامتر	محدوده داده	پارامتر
U(5,10)	$fc'$	U(1,99)	$pr$
U(10,40)	$t p m^n$	U(1,99)	$S$
U(1,5)	$t p m^d$	U(20,2000)	$d$
U(2,4)	$t$	U(1000;2000)	$fc$

جدول ۵ - فاکتورهای طراحی برای تنظیم پارامترها

سطوح	فاکتور طراحی
(۱۰۰-۱۵۰-۲۰۰)	تکرار الگوریتم جستجوی همسایگی سریع
(۱۰۰-۱۵۰-۴۰۰)	دمای اولیه
(۱۰-۲۰-۳۰)	بیشینه تعداد تکرار در هر دما
(۱۰-۱۵-۲۰)	حد بالای ضریب پایان جستجو در یک دما
(۲۰-۳۰-۵۰)	حد بالای ضریب انجماد

جدول ۶ - ارزیابی عملکرد الگوریتم پیشنهادی

الگوریتم پیشنهادی			اپسیلون محدودیت آگمنت			مسئله نمونه
معیار ۳	معیار ۲	معیار ۱	معیار ۳	معیار ۲	معیار ۱	
۵۷/۱۲	۲۵/۹۵	۰/۴۱۲۹	۲۱۰/۰۶	۳۰/۱۳	-	۱۵
۱۵۲/۱۱	۲۸/۸۰	۰/۵۹۷۲	۱۰۸۳۲/۰۴	۲۸/۷۰	-	۳۰
۳۹۸/۰۶	۳۸/۱۰	۰/۶۵۴۳	۳۴۸۵/۹۳	۳۶/۱۵	-	۴۵
۱۲۰۰/۴۷	۳۶/۳۰	۰/۷۸۱۰	۱۷۵۷۸/۴۹	۳۱/۱۲	-	۶۰
۳۰۱۹/۱۸	۱۳/۸۰	۰/۵۱۱۴	-	-	-	۷۵
۵۶۳۱/۰۷	۱۱/۲۰	۰/۵۳۰۴	-	-	-	۹۰
۶۵۹۴/۲۹	۱۱/۸۳	۰/۵۷۱۳	-	-	-	۱۰۵

نتایج ارائه شده در جدول ۷ نشان‌دهنده برتری الگوریتم فرا ابتکاری پیشنهادی در مقایسه با الگوریتم فرا ابتکاری مبتنی بر جستجوی همسایگی وسیع انطباق‌پذیر دارد. در جدول ۷، با هدف ارزیابی عملکرد و کارایی روش حل پیشنهادی، مقایسه عملکرد بین الگوریتم‌های ارزیابی شونده تنها برای بزرگ‌ترین سایز مسئله در هر دسته از نظر ابعاد و بودجه عدم قطعیت (نمایش داده شده در جدول ۳) ارائه شده است. نتایج مقایسه حاکی از اثربخشی فرآیند جستجوی محلی توسعه داده شده در عمق بخشیدن به جستجو است. الگوریتم جستجوی همسایگی وسیع انطباق‌پذیر از نظر زمان جستجو برتر از فرا ابتکاری ترکیبی پیشنهادی است؛ اگرچه این برتری خود متأثر از کیفیت کم جواب آن قرار خواهد گرفت. نتایج اعمال آزمون آماری برای سنجش برابری عملکرد دو الگوریتم ارزیابی شونده برای تمامی مقایسه‌های ممکن بین عملکرد دو الگوریتم، حاکی از اختلاف آماری معنادار در سطح اطمینان ۹۵

درصد است (جدول ۸). با توجه به نرمال بودن داده ها، از آزمون  $t$  مستقل استفاده شده است. فرض صفر و فرض مقابله ترتیب عبارت اند از عملکرد دو الگوریتم و برتری الگوریتم پیشنهادی نسبت به الگوریتم مقایسه شده.

جدول ۷- ارزیابی عملکرد الگوریتم پیشنهادی

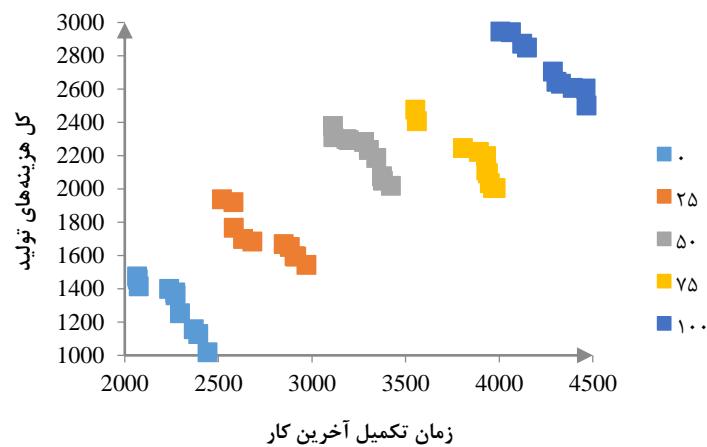
الگوریتم پیشنهادی			الگوریتم مقایسه شده			نمره
معیار ۳	معیار ۲	معیار ۱	معیار ۳	معیار ۲	معیار ۱	
۵۷/۱۲	۲۵/۹۵	۰/۴۱۲۹	۷۲/۰۱	۳۹/۳۰	۰/۷۲۷۰	۱۵
۱۵۲/۱۱	۲۸/۸۰	۰/۵۹۷۲	۱۸۰/۲۳	۳۴/۴۳	۰/۶۹۹۱	۳۰
۳۹۸/۰۶	۳۸/۱۰	۰/۶۵۴۳	۴۷۹/۱۹	۴۸/۲۳	۰/۹۰۰۹	۴۵
۱۲۰۰/۴۷	۳۶/۳۰	۰/۷۸۱۰	۱۳۰۸/۲۱	۴۷/۱۳	۰/۹۲۰۷	۶۰
۳۰۱۹/۱۸	۱۳/۸۰	۰/۵۱۱۴	۳۳۹۲/۲۶	۱۸/۷۱	۰/۶۱۲۰	۷۵
۵۶۳۱/۰۷	۱۱/۲۰	۰/۵۳۰۴	۵۹۰۰/۷۴	۱۸/۰۱	۰/۶۵۲۳	۹۰
۶۵۹۴/۲۹	۱۱/۸۳	۰/۵۷۱۳	۶۸۰۱/۶۹	۱۵/۲۳	۰/۶۹۱۴	۱۰۵

در شکل ۴، مجموعه نقاط پارتوی یافت شده برای بهینه سازی هم زمان، حداقل سازی زمان تکمیل آخرین کار و هزینه های کل زمان بندی برای پنج بودجه عدم قطعیت و بزرگ ترین مسأله نمونه در حال بررسی (مسائل ۱۰۱-۱۰۵) نشان داده شده است.

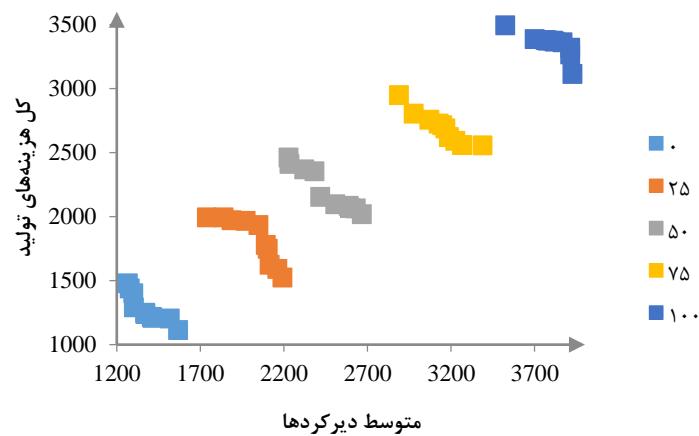
جدول ۸- ارزیابی عملکرد الگوریتم پیشنهادی (آزمون  $t$  مستقل) در سطح معنادار بودن  $0/05$ 

مقادیر $p-value$ مقایسه دو الگوریتم از منظر			مسأله نمونه
معیار ۳	معیار ۲	معیار ۱	
۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۱-۱۵
۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۱۶-۳۰
۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۳۱-۴۵
۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۴۶-۶۰
۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۶۱-۷۵
۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۷۶-۹۰
۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۰/۰۰۰	۹۱-۱۰۵

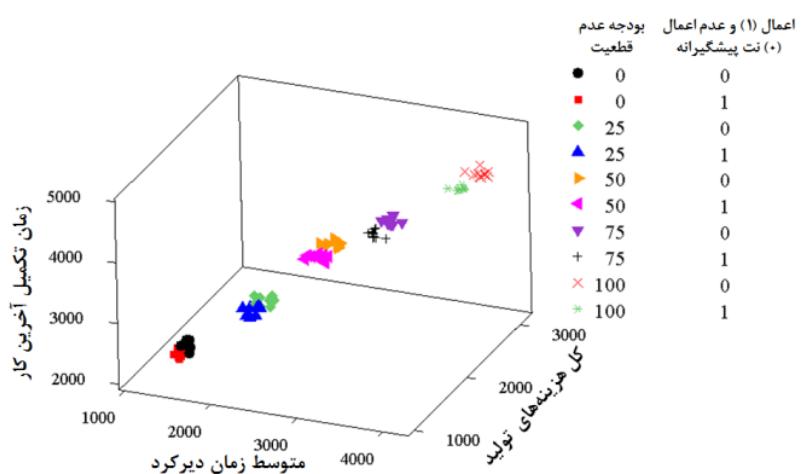
همان طور که مشاهده می شود، حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار لزوماً باعث کاهش هزینه ها نمی شود؛ این در حالی است که با افزایش بودجه عدم قطعیت، هزینه های کلی برنامه ریزی نیز افزایش می یابد. این موضوع حاکی از برنامه ریزی محافظه کارانه در برابر شدت یافتن عدم قطعیت است. از سوی دیگر، افزایش بودجه عدم قطعیت زمان تعمیر ماشین ها تأثیر منفی بر زمان تکمیل آخرین کار خواهد داشت؛ به طور که درنتیجه آن زمان تکمیل آخرین کار کاهش می یابد (شکل ۴). در شکل ۵، افزایش هزینه ها درنتیجه کاهش متوسط کل دیرکردها برای بزرگ ترین مسأله نمونه مشاهده می شود. علاوه بر آن مشاهده می شود که با افزایش بودجه عدم قطعیت، هزینه انجام کارها و متوسط دیرکردها نیز افزایش یافته اند. درنهایت تأثیر اعمال کردن و نکردن برنامه های نگهداری و تعمیرات پیشگیرانه بر عملکرد برنامه ریزی و زمان بندی انجام شده در شکل ۶ برای مسأله نمونه در ابعاد بزرگ مشاهده می شود. نتایج حاکی از اثرگذاری معنادار اعمال نگهداری و تعمیرات پیشگیرانه بر شاخص های عملکردی مدنظر به صورت معنادار است.



شکل ۴- جبهه جواب پارتوا باتوجه به معیارهای ارزیابی زمان تکمیل آخرین کار و هزینه‌های کل برنامه‌ریزی برای بودجه‌های عدم قطعیت



شکل ۵- جبهه جواب پارتوا باتوجه به معیارهای ارزیابی متوسط دیر کردها و هزینه‌های کل برنامه‌ریزی برای بودجه‌های عدم قطعیت



شکل ۶- ارزیابی اعمال کردن و نکردن سیاست نت پیشگیرانه

## نتیجه‌گیری

در این مقاله مدل ریاضی جامعی برای مسئله برنامه‌ریزی جریان کارگاهی جایگشتی دوباره وارد شوندۀ توزیع شده با در نظر گرفتن برنامه‌ریزی نگهداری و تعمیرات پیشگیرانه و عدم قطعیت زمان انجام تعمیرات قرار گرفته است. در مدل ارائه شده سه تابع هدف حداقل کردن زمان تکمیل آخرین کار، هزینه‌های کل برنامه‌ریزی و متوسط زمان دیرکردها لحاظ شده است. با توجه به ماهیت توزیع شده مسئله بررسی شده، تصمیمات انتخاب تسهیلات تولید، تخصیص کارها به تسهیلات پراکنده توزیع و تعیین توالی انجام کارها به صورت همزمان اتخاذ می‌شود. به دلیل فناوری سطح بالای ماشین‌آلات تولیدی و عدم قطعیت زیاد در زمان تعمیر آنها، عدم قطعیت مذکور با استفاده از رویکرد برنامه‌ریزی استوار بودجه‌ای برای نمایش سطوح مختلف عدم قطعیت استفاده شده است. با توجه به پیچیدگی‌های حل زیاد مدل ارائه شده، یک الگوریتم فراابتکاری ترکیبی جدید مبتنی بر جستجوی همسایگی وسیع انطباق‌پذیر و شبیه‌سازی تبرید ارائه شده است. نتایج حل حاکی از کارایی مدل ریاضی و روش حل ارائه شده برای مواجه با پیچیدگی‌های مسئله در حال بررسی است. نتایج نشان می‌دهد با افزایش سطح عدم قطعیت، سطح محافظه کاری تصمیمات ایجاد شده به نحو معناداری افزایش خواهد یافت. عملکرد الگوریتم پیشنهادی با الگوریتم مشابه ارائه شده در ادبیات موضوع سنجیده شده و نتایج حاکی از کارایی روش حل پیشنهادی از نظر کیفیت جواب است. دلیل این برتری بهبود ایجاد شده در فرایند جستجوی محلی الگوریتم پیشنهادی به واسطه توسعه روش‌های تخریب و تعمیر جواب همسایگی است.

با توجه به اهمیت مقوله آماده‌سازی ماشین‌آلات و تأثیر آن در فرایند برنامه‌ریزی، در نظر گرفتن زمان آماده‌سازی وابسته به توالی عملیات اثربخشی تصمیمات را در دنیای واقعی ارتقاء می‌دهد. همچنین در نظر گرفتن دیگر پویایی‌های محیط تصمیم‌گیری همچون لیست کارهای پویا و امکان تغییر در مجموعه کارها و یا متفاوت بودن زمان حضور کارها در سیستم، یکی دیگر از زمینه‌های پژوهشی است که برای پژوهشگران پیشنهاد می‌شود. با توجه به پیچیدگی‌های زیاد حل مسئله برنامه‌ریزی جریان کارگاهی، توسعه روش حل کارآمد برای حل مسائل توسعه یافته در بعد بزرگ و ارزیابی عملکرد الگوریتم‌های پیشنهادی با توجه به معیارهای ارزیابی بسیار متنوع ارائه شده در ادبیات موضوع برای روش‌های حل فراابتکاری چند‌هدفه زمینه پژوهش دیگری است که معرفی می‌شود.

## References

- Arnaut, J. P., & Rabadi, G. (2008). "Rescheduling of Unrelated Parallel Machines under Machine Breakdowns". *International Journal of Applied Management Science*, 1(1), 75–89.
- Bellman, R., & Ernest, R. (1982). Mathematical Aspects of Scheduling and Applications. Oxford: Pergamon Press.
- Bertsimas, D., & Sim, M. (2004). "The price of robustness". *Operations Research*, 52(1), 35-53.
- Bispo, C. F., & Tayur, S. (2001). "Managing Simple Re-Entrant Flow Lines: Theoretical Foundation and Experimental Results". *IIE Trans.* , 33(8), 609–623.
- Boudhar, M., & Meziani, N. (2010). "Two-Stage Hybrid Flow Shop with Recirculation". *Int. Trans. Oper. Res.*, 17(2), 239-255.

- Chamnanlor, C., Sethanan, K., Chien, C. F., & Gen, M. (2014). "Re-Entrant Flow Shop Scheduling Problem with Time Windows Using Hybrid Genetic Algorithm Based on Auto-Tuning Strategy". *Int. J. Prod. Res.*, 52(9), 2612-2629.
- Chan, F. T., Prakash, A., Ma, H., & Wong, C. (2013). "A Hybrid Tabu Sample-Sort Simulated Annealing Approach For Solving Distributed Scheduling Problem". *Int. J. Prod. Res.*, 51(9), 2602-2619.
- Chen, J. S. (2006). "A Branch and Bound Procedure For The Reentrant Permutation Flow-Shop Scheduling Problem". *Int. J. Adv. Manuf. Technol.*, 29(11), 1186-1193.
- Chen, J. S., Pan, J. C. H., & Lin, C. M. (2009). "Solving The Reentrant Permutation Flow-Shop Scheduling Problem with A Hybrid Genetic Algorithm". *Int. J. Ind. Eng. Theory*, 16(1), 23-31.
- Chen, J. S., Pan, J. C. H., & Wu, C. K. (2008). "Hybrid Tabu Search For Re-Entrant Permutation Flow-Shop Scheduling Problem". *Expert Syst. Appl.*, 34(3), 1924-1930.
- Choi, H. S., Kim, H. W., Lee, D. H., Yoon, J., Yun, C. Y., & Chae, K. B. (2009). "Scheduling Algorithms For Two-Stage Reentrant Hybrid Flow Shops: Minimizing Makespan Under The Maximum Allowable Due Dates". *Int. J. Adv. Manuf. Technol.*, 42(1), 963-997.
- Choi, H. S., Kim, J. S., & Lee, D. H. (2011). "Real-Time Scheduling For Reentrant Hybrid Flow Shops: A Decision Tree Based Mechanism And Its Application To A Tft-Lcd Line". *Expert Syst. Appl.*, 38(4), 3514-3521.
- Choi, S. W., & Kim, Y. D. (2008). "Minimizing Makespan on An M-Machine Re-Entrant Flowshop". *Comput. Oper. Res.*, 35(5), 1684-1696.
- Chu, F., Chu, C., & Desprez, C. (2010). "Series Production In A Basic Re-Entrant Shop To Minimize Makespan or Total Flow Time". *Comput. Ind. Eng.*, 58(2), 257-268.
- Dugardin, F., F. Yalaoui, & Amodeo, L. (2010 ). "New Multi-Objective Method To Solve Reentrant Hybrid Flow Shop Scheduling Problem". *Eur. J. Oper. Res.*, 203(1), 22-31.
- Ebrahimi, M., Fatemi Ghomi, S., & Karimi, B. (2014). "Hybrid Flow Shop Scheduling with Sequence Dependent Family Setup Time and Uncertain Due Dates". *Appl. Math. Modell.*, 38(9), 2490-2504.
- Eskandarpour, M., Nikbakhsh, E., & Zegordi, S. H. (2014). "Variable Neighborhood Search For The Bi-Objective Post-Sales Network Design Problem: A Fitness Landscape Analysis Approach". *Computers & Operations Research*, 52(2), 300-314.
- Gao, J., Chen, R., & Deng, W. (2013). "An Efficient Tabu Search Algorithm For The Distributed Permutation Flowshop Scheduling Problem". *Int. J. Prod. Res.*, 51(3), 641-651.
- Graves, S. C., Meal, H. C., Stefek, D., & Zeghmi, A. H. (1983). "Scheduling of Re-Entrant Flow Shops". *J. Oper. Manage.*, 3(4), 197-207.
- Gupta, A. K., & Sivakumar, A. I. (2006). "Job Shop Scheduling Techniques In Semiconductor Manufacturing". *Int. J. Adv. Manuf. Technol.*, 27(11), 1163-1169.
- Hasani, A., Zegordi, S. H., & Nikbakhsh, E. (2014). "Robust Closed-Loop Global Supply Chain Network Design under Uncertainty: The Case of the Medical Device Industry". *International Journal of Production Research*, 50(16), 4649-4669.
- Huang, R. H., Yu, S. C., & Kuo, C. W. (2014). "Reentrant Two-Stage Multiprocessor Flow Shop Scheduling With Due Windows". *Int. J. Adv. Manuf. Technol.*, 71(5), 1263-1276.
- Jeong, B., & Kim, Y. D. (2014). "Minimizing Total Tardiness In A Two-Machine Re-Entrant Flowshop with Sequence-Dependent Setup Times". *Comput. Oper. Res.*, 47(1), 72-80.
- Kaihara, T., Fujii, N., Tsujibe, A., & Nonaka, Y. (2010). "Proactive Maintenance Scheduling in a Re-Entrant Flow Shop Using Lagrangian Decomposition Coordination Method". *CIRP Ann. Manuf. Technol.*, 59(1), 453-456.

- Kang, Y. H., Kim, S. S., & Shin, H. J. (2007). "A Scheduling Algorithm For The Reentrant Shop: An Application In Semiconductor Manufacture". *Int. J. Adv. Manuf. Technol.*, 35(5), 566-574.
- Kasperski, A., Kurpisz, A., & Zieliński, P. (2012). "Approximating A Two-Machine Flow Shop Scheduling Under Discrete Scenario Uncertainty". *European Journal of Operational Research*, 217(1), 36–43.
- Katragjini, K., Vallada, E., & Ruiz, R. (2015). "Rescheduling Flowshops Under Simultaneous Disruptions". Paper presented at the 6th IESM Conference, Seville, Spain.
- Kopanos, G. M., Capon-Garcia, E., Espuna, A., & Puigjaner, L. (2008). "Costs For Rescheduling Actions: A Critical Issue For Reducing The Gap Between Scheduling Theory and Practice". *Industrial and Engineering Chemistry Research*, 47(22), 8785–8795.
- Lin, D., Lee, C., & Ho, W. (2013). "Multi-Level Genetic Algorithm For The Resource-Constrained Re-Entrant Scheduling Problem in The Flow Shop". *Eng. Appl. Artif. Intell.*, 26(4), 1282-1290.
- Lin, D., & Lee, C. K. M. (2011). "A Review of The Research Methodology For The Re-Entrant Scheduling Problem". *Int. J. Prod. Res.*, 49(8), 2221–2242.
- Lin, D., & Lee, C. K. M. (2012). "A Multi-Level Ga Search With Application To The Resourceconstrained Re-Entrant Flow Shop Scheduling Problem. World Acad". *Sci. Eng. Technol.*, 64(4), 746-750.
- Lin, S. W., & Ying, K. C. (2013). "Minimizing Makespan and Total Flowtime In Permutation Flowshops By A Bi-Objective Multi-Start Simulated-Annealing Algorithm". *Computer and Operation Research*, 3(6), 1625-1647.
- Liu, C. H. (2010). "A Genetic Algorithm Based Approach For Scheduling of Jobs Containing Multiple Orders in a Three-Machine Flowshop". *Int. J. Prod. Res.*, 48(15), 4379–4396.
- Moon, C., Kim, J., & Hur, S. (2002). "Integrated Process Planning and Scheduling with Minimizing Total Tardiness In Multi-Plants Supply Chain". *Comput. Ind. Eng.*, 43(1), 331-349.
- Naderi, B., & Ruiz, R. (2010). "The Distributed Permutation Flowshop Scheduling Problem". *Comput. Oper. Res.*, 37(4), 754-768.
- Naderi, B., & Ruiz, R. (2014). "A Scatter Search Algorithm For The Distributed Permutation Flowshop scheduling problem". *European Journal of Operation Research*, 239(2), 323-334.
- Nikbakhsh, E., Eskandarpour, M., & Zegordi, S. H. (2012). "Designing A Robust Post-Sales Reverse Logistics Network". Paper presented at the Electrical Engineering and Intelligent System, Berlin.
- Pan, J. H., & Chen, J. S. (2003). "Minimizing Makespan In Re-Entrant Permutation Flow-Shops". *J. Oper. Res. Soc.*, 54(6), 642-653.
- Pinedo, M. (2008). "Scheduling: Theory, Algorithms, and Systems". Englewood Cliffs, NJ: Prentice-Hall.
- Rau, H., & Cho, K. H. (2009). "Genetic Algorithm Modeling For The Inspection Allocation In Reentrant Production Systems". *Expert Syst. Appl.*, 35(8), 11287–11295.
- Rifai, A. P., Nguyen, H. T., & Dawal, S. Z. M. (2016). "Multi-Objective Adaptive Large Neighborhood Search For Distributed Reentrant Permutation Flow Shop Scheduling". *Applied Soft Computing*, 40(1), 42–57.
- Ruiz, R., García-Díaz, J. C., & Maroto, C. (2007). "Considering Scheduling And Preventive Maintenance In The Flowshop Sequencing Problem". *Computers & Operations Research*, 34(11), 3314–3330.
- Sangsawang, C., Sethanan, K., Fujimoto, T., & Gen, M. (2015). "Metaheuristics Optimization Approaches For Two-Stage Reentrant Flexible Flow Shop With Blocking Constraint". *Expert Syst. Appl.*, 42(5), 2395-2410.

- Sun, Y., Zhang, C., Gao, L., & Wang, X. (2011). "Multi-Objective Optimization Algorithms For Flow Shop Scheduling Problem: A Review and Prospects". *Int. J. Adv. Manuf. Technol.*, 55(5), 723-739.
- Uzsoy, R., Lee, C. Y., & Martin-Vega, L. A. (1992). "A Review of Production Planning and Scheduling Models In The Semiconductor Industry". *IIE Trans.*, 24(4), 47–60.
- Vargas-Villamil, F. D., & Rivera, D. E. (2001). "A Model Predictive Control Approach For Realtime Optimization of Reentrant Manufacturing Lines". *Comput. Ind.*, 45(1), 45–57.
- Xu, J., Yin, Y., Cheng, T. C. E., Wu, C. C., & Gu, S. (2014). "A Memetic Algorithm For The Re-Entrant Permutation Flowshop Scheduling Problem To Minimize The Makespan". *Applied Soft Computing*, 24(1), 277–283.
- Yang, D. L., Kuo, W. H., & Chern, M. S. (2008). "Multi-Family Scheduling in A Two-Machine Reentrant Flow Shop With Setups". *Eur. J. Oper. Res.*, 187(3), 1160-1170.
- Yenisey, M. M., & Yagmahan, B. (2014). "Multi-Objective Permutation Flow Shop Scheduling Problem: Literature Review, Classification and Current Trends". *Omega*, 45(1), 119-135.
- Ying, K. C., Lin, S. W., & Wan, S. Y. (2014). "Bi-Objective Reentrant Hybrid Flowshop Scheduling: An Iterated Pareto Greedy Algorithm". *Int. J. Prod. Res.*, 52(19), 1-13.

---

<sup>1</sup> Pinedo

<sup>2</sup> Vargas-Villamil & Rivera

<sup>3</sup> Choi, Kim, & Lee

<sup>4</sup> Bispo & Tayur

<sup>5</sup> Xu, Yin, Cheng, Wu, & Gu

<sup>6</sup> Lin, Lee, & Ho

<sup>7</sup> Rifai, Nguyen, & Dawal

<sup>8</sup> Gupta & Sivakumar

<sup>9</sup> Ruiz, García-Díaz, & Maroto

<sup>10</sup> Moon, Kim, & Hur

<sup>11</sup> Naderi & Ruiz

<sup>12</sup> Kasperski, Kurpisz, & Zieliński

<sup>13</sup> Yenisey & Yagmahan

<sup>14</sup> Graves

<sup>15</sup> Pan & Chen

<sup>16</sup> Chen, Pan, & Lin

<sup>17</sup> Chen

<sup>18</sup> Chen, Pan, & Wu

<sup>19</sup> Chu, Chu, & Desprez

<sup>20</sup> Sun, Zhang, Gao, & Wang

<sup>21</sup> Yang

<sup>22</sup> Sangsawang, Sethanan, Fujimoto, & Gen

<sup>23</sup> Jeong & Kim

<sup>24</sup> Kaihara

<sup>25</sup> Huang

<sup>26</sup> Dugardin

<sup>27</sup> Ebrahimi, Fatemi Ghomi, & Karimi

<sup>28</sup> Arnaut & Rabadi

<sup>29</sup> Kopanos, Capon-Garcia, Espuna, & Puigjaner

<sup>30</sup> Katragjini, Vallada, & Ruiz

<sup>31</sup> Hasani, Zegordi, Nikbakhsh

<sup>32</sup> Liu

<sup>33</sup> Rau & Cho

<sup>34</sup> Lin & Lee

<sup>35</sup> Xu

- <sup>۳۶</sup> Ying
- <sup>۳۷</sup> Chamnanlor
- <sup>۳۸</sup> Chan, Prakash, Ma, & Wong
- <sup>۳۹</sup> Choi & Kim
- <sup>۴۰</sup> Gao
- <sup>۴۱</sup> Lin
- <sup>۴۲</sup> Choi
- <sup>۴۳</sup> Chu
- <sup>۴۴</sup> Boudhar & Meziani
- <sup>۴۵</sup> Bellman & Ernest
- <sup>۴۶</sup> Uzsoy
- <sup>۴۷</sup> Lin & Ying
- <sup>۴۸</sup> Bertsimas, D., & Sim