

Modeling Multi-Objective, Multi-Product and Multi-Period Supplier Selection Problem Considering Stochastic Demand

Mehdi Seifbarghy*

Associate Professor of Industrial Engineering Department, Faculty of Engineering, Alzahra University, Tehran, Iran, m.seifbarghy@alzahra.ac.ir

Foruzan Naseri

Ph.D Student of Industrial Engineering, Faculty of Engineering, Alzahra University, Tehran, Iran naseri.foruzan@gmail.com

Abstract: In this paper, a multi-objective, multi-period and multi-product mixed integer programming model for the supplier selection and quota allocation problem under an all-unit quantity discount policy, constrained storage space and stochastic demand is considered. Also, due to the stochastic status of the demand, we use the Chance Constrained Programming (CCP) in order to transform the inventory balance equation to a stochastic position. Since the discount policy encourages the buyer to buy more while the storage capacity restricts, we require to consider both in the supplier selection and quota allocation problem; furthermore, different priorities for the objectives should be considered. We use the LP-metric method, goal programming and the novel solution technique called multi-choice goal programming in order to model the multi-objective problem. Furthermore, a numerical example using three modeling approaches, considering the different scenarios are solved. The differences in the scenarios are the importance of the objective function in terms of the decision maker. Results show if an objective function is prioritized, that objective will be closer to its optimal value.

Keywords: Supply Chain, Supplier Selection, All-unit Discount, Stochastic Demand, Multi-choice Goal Programming

Introduction: The evaluation and selection of suppliers is one of the interesting topics for many researchers. Esfandiari and Seifbarghy (2013) classified the research in the field of evaluation and supplier selection as follows:

- The first class: mathematical programming models considering the cost objective function
- The second class: mathematical programming programming considering two objective functions including minimizing cost and maximizing utility function.
- The third class: mathematical programming considering at least three objective functions including minimizing cost, return items and delay in delivering products.
- The forth class: phase models that deal with phase and vague data input such as demand and capacity.
- The fifth class: models that consider different types of discount
- The sixth class: models that considering the uncertainties of demand, capacity and

The contributions of this paper are as follows:

- Considering multi-period and multi-objective programming model for supplier selection and quota allocation problem under an all-unit quantity discount policy, constrained storage space and stochastic demand
- Considering different multi-objective modeling techniques in the field of supplier selection

Using the Chance Constrained Programming (CCP) in order to transform the inventory balance equation to a stochastic position.

Materials and Methods: In this paper, a multi-objective, multi-period and multi-product mixed integer programming model for the supplier selection and quota allocation problem under an all-unit quantity discount policy, constrained storage space and stochastic demand is proposed. The Chance Constrained Programming (CCP) in order to transform the inventory balance equation to a stochastic position is used. The assumptions of this paper are as follows: the demand for each product has a normal distribution with specific mean and variance. Inventory holding and shortage costs of each

* Corresponding author

unit product are independent of the price. The number of planning periods is distinct and limited. Suppliers offer all-unit quantity discount policy. The initial inventory level is zero. The remaining inventory of each period is transferable to subsequent periods. The load unit of each product is considered to be 1. The mathematical model of this paper is as follows:

$$\text{MinZ}_1 = \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^{A_{ji}} C_{ijk} \times q_{ijk} + \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^{A_{ji}} O_{jt} \times Y_{ijk} + \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P h_{jt} \times I_{jt} + \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P \pi_{jt} \times S_{jt} \quad (1)$$

$$\text{MinZ}_2 = \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^{A_{ji}} d_{ji} \times q_{ijk} \quad (2)$$

$$\text{MinZ}_3 = \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^{A_{ji}} H_{ji} \times q_{ijk} \quad (3)$$

$$\sum_{j=1}^P I_{j(t-1)} + \sum_{j=1}^P \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^{A_{ji}} q_{ijk} \leq \text{CAP} \quad \forall t \quad (4)$$

$$q_{ijk} \leq U_{ijk}^* \times Y_{ijk} \quad \forall j, i, k, t \quad (5)$$

$$q_{ijk} \geq U_{ij(k-1)t} \times Y_{ij(k-1)t} \quad \forall j, i, k, t \quad (6)$$

$$\sum_{k=1}^{A_{ji}} Y_{ijk} \leq 1 \quad \forall j, i, t \quad (7)$$

$$P\left(\frac{\bar{I} - I_{j(t-1)} + S_{j(t-1)} - \sum_{k=1}^{A_{ji}} \sum_{i=1}^n q_{ijk} - \mu_u}{\sigma_{jt}} \leq \frac{D_{jt} - \mu_u}{\sigma_{jt}} \leq \frac{\bar{I} - I_{j(t-1)} + S_{j(t-1)} - \sum_{k=1}^{A_{ji}} \sum_{i=1}^n q_{ijk} - \mu_u}{\sigma_{jt}}\right) \geq \alpha \quad (8)$$

$$Y_{ijk} \in \{0,1\} \quad \forall j, i, k, t \quad (9)$$

$$I_{jt}, S_{jt}, q_{ijk} \geq 0 \quad \forall i, j, k, t \quad (10)$$

The objective function (1) minimizes costs. The first sentence is buying cost, the second sentence is ordering cost, the third sentence is holding cost and the forth sentence is shortage cost. The objective function (2) minimizes the average amount of returned products. The objective function (3) minimizes the average late delivery of products. Constraint (4) shows the warehouse capacity. Constraint (5), (6) and (7) are related to all-unit discount. Constraint (8) shows inventory balance equilibrium and constraint (9) and (10) show the variables of the model.

In this paper, three techniques including LP- metric, goal programming and multi-choice goal programming for modeling are used.

Results and Discussion: To solve numerical example using LP- metric, goal programming and multi-choice goal programming, different scenarios are considered. The difference in scenarios was determined in the importance of objective functions from decision makers' point of view. The results showed that the LP-metric method is not an appropriate method for solving multi-objective problems. Also, the results showed that if the importance of an objective function is increased from decision maker point of view, that objective function is improved and other function get worse.

Conclusion: In this paper, a multi-objective, multi-period and multi-product mixed integer programming model for the supplier selection and quota allocation problem under an all-unit quantity discount policy, constrained storage space and stochastic demand were considered. The objective of this model is to minimize the costs, the returns and the delays. Also, due to the stochastic status of the demand, the Chance Constrained Programming (CCP) was used in order to transform the inventory balance equation to a stochastic position. Also, the three methods of LP-metric, goal programming and multi-choice goal programming were used. The results showed that if the importance of an objective function is increased from the decision maker's point of view, that objective function improves and other functions get worse.

References

- Seifbarghy, M., & Esfandiari, N. (2011). "Modeling and solving a multi-objective supplier quota allocation problem considering transaction costs". *Journal of Intelligent Manufacturing*, 24(1), 201-209.
- Esfandiari, N., & Seifbarghy, M. (2013). "Modeling a stochastic multi-objective supplier quota allocation problem with price dependent ordering". *Applied Mathematical Modelling*, 37(8), 5790-580.
- Razmi, J., & Maghool, E. (2009). "Multi-item supplier selection and lot-sizing planning under multiple price discounts using augmented ϵ -constrained and Tchebycheff method". *International Journal of Advanced Manufacturing Technology*, 49(1-4), 379-392.

مدل‌سازی مسأله چندهدفه، چندمحصولی و چنددوره‌ای انتخاب تأمین کننده با در نظر گرفتن تقاضای احتمالی

مهدى سيف برقى^{۱*}، فروزان ناصرى^۲

- ۱- دانشیار گروه مهندسی صنایع، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه الزهراء، تهران، ایران، m.seifbarghy@alzahra.ac.ir
۲- دانشجوی دکتری مهندسی صنایع، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه الزهراء، تهران، ایران، naseri.foruzan@gmail.com

چکیده: در این مقاله، یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح ترکیبی چندهدفه، چنددوره‌ای، چندمحصولی برای مسأله انتخاب تأمین‌کنندگان و تخصیص سهم به آن‌ها با در نظر گرفتن تخفیف کلی، محدودیت فضای انبار و تقاضای احتمالی ارائه می‌شود. با توجه به احتمالی بودن تقاضا، از روش برنامه‌ریزی محدودیت تصادفی برای تبدیل رابطه تعادلی موجودی به‌شكل احتمالی استفاده خواهد شد. درحالی‌که سیاست تخفیف باعث تشویق خریدار برای خرید بیشتر می‌شود، محدودیت فضای انبار میزان خرید بیشتر را محدود می‌کند؛ بنابراین لازم است در مسأله انتخاب تأمین‌کنندگان و تخصیص سهم به آن‌ها با در نظر گرفتن تخفیف کلی، محدودیت فضای انبار نیز در نظر گرفته شود. همچنین لازم است برای مدل‌سازی مسأله چندهدفه، اولویت تصمیم‌گیرنده نسبت به اهداف مختلف در نظر گرفته شود؛ بنابراین در این پژوهش برای مدل‌سازی مسأله چندهدفه علاوه بر روش‌های معمول مدل‌سازی مسائل چندهدفه مانند *LP* متربیک، از روش برنامه‌ریزی آرمانی و روش جدید برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای استفاده خواهد شد. همچنین مثال عددی با استفاده از سه رویکرد مدل‌سازی با در نظر گرفتن سناریوهای مختلف بررسی می‌شود. تفاوت سناریوها در اهمیت توابع هدف از نظر تصمیم‌گیرنده تعیین می‌شود. نتایج عددی نشان می‌دهد اگر اهمیت یک تابع هدف بیشتر شود، آن تابع هدف بهبود یافته است و توابع دیگر بدتر می‌شوند.

واژه‌های کلیدی: زنجیره تأمین، انتخاب تأمین‌کنندگان، تخفیف کلی، تقاضای احتمالی، برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای

*نویسنده مسئول

مقدمه

رقابت شدید در بازارهای جهانی امروزی، معرفی محصولاتی با چرخه عمر کوتاه و انتظارات مشتریان، شرکت‌ها را وادار به سرمایه‌گذاری و تمرکز بر زنجیره تأمین کرده است. این موضوع به همراه پیشرفت‌های مدام در فناوری ارتباطات و حمل و نقل (مانند ارتباطات سیار، اینترنت) باعث تحول و تکامل تدریجی زنجیره تأمین و روش‌های مربوط به مدیریت زنجیره تأمین شده است. انتخاب تأمین‌کنندگان یکی از عوامل کلیدی مدیریت زنجیره تأمین و فرایند خرید به شمار می‌رود (سینگسینگ^۱ و همکاران، ۲۰۰۹). تأمین‌کنندگان اثر مستقیم و چشم‌گیری بر کیفیت، هزینه، زمان تحویل محصولات جدید و فناوری‌های لازم برای برآورده کردن تقاضاهای جدید دارند (همفریس^۲ و همکاران، ۲۰۰۷). در پژوهش‌های مختلف، روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره مثل روش رتبه‌بندی براساس میزان تشابه گزینه ایدئال (*TOPSIS*)، فرایند تحلیل سلسله مراتبی (*AHP*)، تئوری مجموعه‌های فازی، برنامه‌ریزی ریاضی و سایر روش‌های ترکیبی برای انتخاب تأمین‌کنندگان در نظر گرفته شده است (هو^۳ و همکاران، ۲۰۱۰). در مسأله انتخاب تأمین‌کنندگان باید مشخص شود کدام تأمین‌کنندگان انتخاب شود و به هر کدام از تأمین‌کنندگان منتخب چه مقدار سفارش داده شود. مسأله انتخاب تأمین‌کنندگان یک فرایند تصمیم‌گیری چندمعیاره است که فاکتورهای متنوعی مثل کیفیت، هزینه، ظرفیت، زمان تحویل و ... را در نظر می‌گیرد.

از طرف دیگر، تخفیف قیمت از اقدامات مؤثر تأمین‌کنندگان برای تشویق خریدار برای خرید بیشتر است. علاوه بر این، وجود چندین تأمین‌کننده شناس خرید محصولات مشابه را از چندین منبع متفاوت به شرکت می‌دهد.

در این پژوهش یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح ترکیبی چندهدفه برای مسأله انتخاب تأمین‌کنندگان و تخصیص سهم به آن‌ها با در نظر گرفتن تخفیف کلی و محدودیت فضای انبار ارائه می‌شود. همچنین فرض می‌شود تقاضا به صورت احتمالی طی چندین دوره برای چندین محصول وجود دارد. به دلیل احتمالی بودن تقاضا از روش برنامه‌ریزی محدودیت تصادفی^۴ برای تبدیل محدودیت تعادل موجودی به شکل احتمالی استفاده می‌شود. برای مدل‌سازی مسئله از روش‌های جدید در حوزه انتخاب تأمین‌کنندگان مثل روش برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای استفاده خواهد شد.

مرور ادبیات

ارزیابی و انتخاب تأمین‌کنندگان یکی از موضوعات جالب برای بسیاری از پژوهشگران است. پژوهش‌ها در این زمینه به دو بخش تقسیم می‌شود. بخش نخست استفاده از روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره برای ارزیابی مجموعه‌ای از تأمین‌کنندگان بالقوه برای رتبه‌بندی آنها و بخش دوم استفاده از روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره برای تخصیص سهم به تأمین‌کنندگان انتخاب شده است. هدف‌های مشترک استفاده شده شامل حداقل کردن هزینه خرید، واحدهای برگشتی و دیرکرد در تحویل واحدها هستند. کوبات^۵ و یوس^۶، انتخاب تأمین‌کننده را به صورت یک مسأله تصمیم‌گیری با چندین معیار در نظر گرفتند؛ این معیارها شامل عناصر کمی و عناصر کیفی مثل هزینه

خرید، سطح کیفیت، ریسک تأمین‌کننده و... هستند (کوبات و یوس، ۲۰۱۰). کانگ^۷ و همکاران، بیان کردند مسئله انتخاب تأمین‌کننده به طور ذاتی چندمعیاره است. آنها برای این مسئله چندین روش تصمیم‌گیری چندمعیاره را پیشنهاد دادند. اما بیشتر روش‌ها، روابط میان فاکتورهای بحرانی موافقیت یا فازی بودن داده‌ها را در نظر نگرفتند؛ در حالی که این روابط در تصمیم‌گیری در ارجحیت فاکتورها نقش دارند. آن‌ها یک مدل فرایند شبکه تحلیلی فازی برای ارزیابی جنبه‌های مختلف تأمین‌کننده‌گان پیشنهاد دادند (کانگ و همکاران، ۲۰۱۰).

اسفندياري و سيف برقى، پژوهش‌های اين زمينه را به صورت زير طبقه‌بندي کردند (اسفندياري و سيف برقى، ۲۰۱۳):

دسته اول: مدل‌های برنامه‌ریزی ریاضی تنها با در نظر گرفتن تابع هدف هزینه.

دسته دوم: مدل‌های برنامه‌ریزی ریاضی با در نظر گرفتن دو تابع هدف شامل حداقل کردن هزینه و حداقل کردن يك تابع مطلوب است.

دسته سوم: مدل‌های برنامه‌ریزی ریاضی با در نظر گرفتن حداقل سه تابع هدف، شامل حداقل کردن هزینه، آيتم‌های برگشتی و دیرکرد در تحويل واحدها هستند.

دسته چهارم: مدل‌های فازی که با فازی و مبهم بودن داده‌های ورودی مثل تقاضا و ظرفیت سروکار دارند.

دسته پنجم: مدل‌هایی که انواع مختلف تخفیف را در نظر می‌گیرند.

دسته ششم: مدل‌های با در نظر گرفتن نامعینی تقاضا، ظرفیت و

در اين قسمت برای هر دسته، تعدادی از پژوهش‌های انجام شده بررسی می‌شوند. از آنجایی که مدل ارائه شده در اين پژوهش يك مدل سه‌هدفه با در نظر گرفتن سیاست تخفیف کلی و نامعینی تقاضاست، اين مدل در دسته‌بندي اسفندياري و سيف برقى (۲۰۱۳)، در دسته‌های سوم، پنجم و ششم قرار می‌گيرد. در بخش مرور ادبیات برای هر دسته، تعدادی مقاله بررسی شده است؛ اما برای این سه دسته (دسته سوم، پنجم و ششم) مقاله‌های بیشتری بررسی شده است.

دسته اول: مندوza^۸ و ونتورا^۹، از دو مدل برنامه‌ریزی غیرخطی عدد صحیح ترکیبی برای انتخاب بهترین مجموعه از تأمین‌کننده‌گان و تخصیص مقادیر سفارش به آنها استفاده کردند. هدف آنها حداقل کردن هزینه خرید، نگهداری موجودی، سفارش دهی با در نظر گرفتن محدودیت کیفیت و ظرفیت تأمین‌کننده‌گان بود (مندوza و ونتورا، ۲۰۱۲). آیهان^{۱۰} و کلیک^{۱۱}، روشی دوم رحله‌ای برای مسئله انتخاب تأمین‌کننده‌گان و تخصیص سهم ارائه دادند. در مرحله اول، وزن هر شاخص برای هر نوع آيتم با روش AHP فازی تعیین شد. سپس در مرحله دوم از وزن‌های به دست آمده از مرحله اول، برای تشکیل مدل برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح ترکیبی استفاده شد. نتایج نشان می‌دهد استفاده از روش AHP فازی باعث به دست آمدن وزن‌های مختلف برای محصولات مختلف می‌شود (آیهان و کلیک، ۲۰۱۵). بوهner^{۱۲} و مینر^{۱۳}، مسئله انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم را با در نظر گرفتن چندین محصول بررسی کردند. در این پژوهش فرض شده است تأمین‌کننده‌گان در معرض اختلال قرار دارند. همچنین سیاست تخفیف کلی و نموی در نظر گرفته شده است. در این پژوهش هدف خریدار حداقل کردن هزینه مورد انتظار است. نتایج نشان می‌دهد برای بیشتر محصولات یک تأمین‌کننده اصلی وجود دارد و سایر تأمین‌کننده‌گان پشتیبان هستند؛

یعنی بیشتر واحدهای یک محصول را تأمین‌کننده اصلی تأمین می‌کند. نقش اصلی تأمین‌کننده پشتیبان کمک به تأمین‌کننده اصلی در زمان‌های اختلال است (بوهner و مینر، ۲۰۱۶).

دسته دوم: مفاخری و همکاران، یک روش برنامه‌ریزی پویای چندمعیاره دومرحله‌ای برای انتخاب تأمین‌کننگان و تخصیص سهم پیشنهاد دادند. در مرحله اول، از روش AHP برای رتبه‌بندی تأمین‌کننگان و در مرحله دوم، از یک مدل ریاضی دوهدفه برای تخصیص سهم به تأمین‌کننگان استفاده شد. اهداف در نظر گرفته شده، حداقل کردن هزینه کل و حداکثر کردن مطلوبیت هستند. نتایج محاسبات نشان می‌دهد پیچیدگی محاسباتی با افزایش تعداد تأمین‌کننده و تعداد دوره‌های برنامه‌ریزی افزایش می‌یابد (مفاخری و همکاران، ۲۰۱۱). ونکانتان^{۱۴} و گو^{۱۵}، یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح ترکیبی چندهدفه برای انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم با در نظر گرفتن ریسک اختلال ارائه داده‌اند. ریسک اختلال، به اختلالات مهم ایجاد شده طبیعت و فجایع دست بشر اشاره دارد. در این مقاله ابتدا تأمین‌کننگان براساس روش AHP فازی و PROMETHEE فازی رتبه‌بندی شدند. سپس از روش بهینه‌سازی ذرات چندهدفه برای انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم استفاده شد. نتایج نشان می‌دهد برای حداقل کردن هزینه مورد انتظار، به تأمین‌کننگان مستقر در مناطق با احتمال اختلال کمتر سفارش بیشتری اختصاص داده می‌شود (ونکانتان و گو، ۲۰۱۶) و چیاتو^{۱۶}، از سیاست تخفیف نموی در یک مسئله انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم به آنها استفاده کرده‌اند. آنها در پژوهش خود دو هدف حداکثر کردن ارزش محیطی محصول خریداری شده و حداقل کردن هزینه را در نظر گرفته‌اند. پژوهشگران از روش وزن دهی برای تبدیل توابع هدف به یک تابع هدف استفاده کردند. نتایج نشان می‌دهد سیاست تخفیف نموی که تأمین‌کننده ارائه می‌دهد، باعث تخصیص سهم بیشتری به او می‌شود (حمدان و چیاتو، ۲۰۱۷).

دسته سوم: فضل الله تبار و همکاران، از یک روش یکپارچه AHP و برنامه‌ریزی غیرخطی چندهدفه برای انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم به آنها استفاده کرده‌اند. در این پژوهش فاکتورهای محسوس و نامحسوس هم‌زمان در نظر گرفته می‌شود. نتایج پژوهش نشان می‌دهد مقدار سفارش هر تأمین‌کننده به رتبه اختصاص داده شده به آن تأمین‌کننده بستگی دارد و برای تأمین‌کننگان با رتبه‌های پایین، سفارشی تخصیص داده نمی‌شود (فضل الله تبار و همکاران، ۲۰۱۱). رضایی و داودی، دو مدل غیرخطی عدد صحیح ترکیبی چندهدفه برای مسئله اندازه‌اباشتۀ چنددوره‌ای شامل چندین محصول و چندین تأمین‌کننده توسعه داده‌اند. هر مدل دارای سه تابع هدف (هزینه، کیفیت و سطح سرویس) است. هزینه کل شامل هزینه خرید، سفارش دهی، نگهداری و حمل و نقل است. سطح سرویس و کیفیت نیز توابع وابسته به زمان در نظر گرفته شده‌اند. تفاوت دو مدل در این است که در یکی از مدل‌ها کمبود در نظر گرفته نشده است. در این پژوهش از روش ابتکاری ژنتیک برای حل مدل‌ها استفاده شده است. نتایج حل مدل نشان می‌دهد اگر مشتریان تحويل دیرهنگام را قبول کنند، سطح هزینه موجودی خریدار کاهش می‌یابد (رضایی و داودی، ۲۰۱۱). سیف برقی و اسفندیاری، مدل جدیدی ارائه داده‌اند؛ این مدل علاوه بر اهداف کلاسیک، تابع هدف جدیدی پیشنهاد می‌دهد. این تابع هدف جدید هزینه‌های عملیاتی سیستم را حداقل می‌کند. آنها با استفاده از روش وزن دهی، مدل را به یک مدل یک‌هدفه تبدیل کردند. همچنین، از دو روش فرا ابتکاری برای حل مدل استفاده کردند. روش فرا ابتکاری ارائه شده جواب‌هایی با کیفیت بیشتر را در زمان مناسب

تولید می‌کند (سیف برقی و اسفندیاری، ۲۰۱۱). همکاران، یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح ترکیبی برای مسئله انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم ارائه داده‌اند. در این مدل سه معیار کیفیت، عملکرد تحویل و هزینه خرید، برای انتخاب تأمین‌کننده در نظر گرفته شد. در این پژوهش از روش *AHP* فازی برای وزن‌دهی هر تابع هدف استفاده و سه تابع هدف به یک تابع هدف تبدیل شد. نتایج نشان می‌دهد کیفیت و عملکرد تحویل، به وزن‌های به دست آمده از روش *AHP* فازی حساسیت بیشتری دارند و روی آیتم‌های ردشده و آیتم‌هایی که دیر تحویل داده می‌شوند تأثیر زیادی دارد؛ اما هزینه خرید به این وزن‌ها حساس نیست و روی آیتم‌های ردشده و آیتم‌هایی که دیر تحویل داده می‌شوند تأثیر ندارد (هو و همکاران، ۲۰۱۶). نورمحمدی و همکاران، یک مدل برنامه‌ریزی چندهدفه برای انتخاب تأمین‌کنندگان و تخصیص سهم به آنها در یک زنجیره تأمین با در نظر گرفتن چندین دوره برنامه‌ریزی ارائه دادند. اهداف در نظر گرفته شده در این پژوهش اهداف ماندگاری (اقتصادی، محیط‌زیست و اجتماعی) هستند. نتایج نشان می‌دهد در نظر گرفتن هدف‌های محیطی و اجتماعی تأثیر زیادی در انتخاب تأمین‌کنندگان و تخصیص سهم به آنها دارد و در نظر گرفتن این اهداف میزان تخصیص سهم به تأمین‌کنندگان را تغییر می‌دهد (نورمحمدی و همکاران، ۲۰۱۷).

دسته چهارم: آهلاتسیوگلو اوذکوک^{۱۹} و تیریاکی^{۲۰} یک روش فازی جبرانی برای حل مسئله چندهدفه انتخاب تأمین‌کننده با استفاده از روش ورنرز پیشنهاد دادند. اهداف در نظر گرفته شده شامل حداقل کردن هزینه، حداقل کردن کیفیت خدمات و کیفیت محصولات هستند. نتایج پژوهش نشان می‌دهد روش ورنرز قادر به ایجاد جواب‌های بسیار کارا است (آهلاتسیوگلو اوذکوک و تیریاکی، ۲۰۱۱). اریکان^{۲۱} مسئله انتخاب تأمین‌کننده را با سه هدف شامل حداقل کردن هزینه، حداقل کردن کیفیت و تحویل به موقع در نظر گرفتند. آن‌ها یک مدل ریاضی فازی و روش حل جدیدی برای برآورده کردن انتظارات تصمیم‌گیرنده برای اهداف فازی ارائه دادند (اریکان، ۲۰۱۳). کومار^{۲۲} و همکاران یک روش یکپارچه برنامه‌ریزی خطی چندهدفه فازی و *AHP* فازی برای تخصیص سهم به تأمین‌کنندگان به کار برداشتند. در این پژوهش اهداف ماندگاری (اقتصادی، محیط‌زیست و اجتماعی) برای انتخاب تأمین‌کنندگان و تخصیص سهم به آنها در نظر گرفته شد. پژوهشگران از روش *AHP* فازی برای وزن‌دهی به فاکتورهای مختلف مانند کیفیت، هزینه، زمان انتظار، انتشار آلودگی، نقش اجتماعی و حداقل ضایعات استفاده کردند. سپس از وزن فاکتورها برای توسعه مدل برنامه‌ریزی خطی استفاده کردند. در این پژوهش تقاضا به صورت فازی در نظر گرفته شده است (کومار و همکاران، ۲۰۱۶).

دسته پنجم: رزمی و معقول^{۲۳}، یک مدل چندهدفه فازی برای مسئله انتخاب تأمین‌کننده چند دوره‌ای و چندمحصولی با در نظر گرفتن محدودیت ظرفیت و بودجه پیشنهاد دادند. این مدل شامل انواع مختلف سیاست‌های تخفیف یعنی تخفیف کلی، نموی و برمبنای ارزش خرید است. نتایج پژوهش نشان می‌دهد برای تأمین‌کنندگانی که تأخیر در پرداخت را عرضه کردند، در صورت محدود بودن بودجه خریدار سفارش بیشتری داده شود (رزمی و معقول، ۲۰۰۹). محمد ابراهیمی و همکاران، یک مدل ریاضی چندهدفه ارائه دادند. این مدل انواع مختلف سیاست‌های تخفیف را در نظر می‌گیرد. به دلیل پیچیدگی مسئله از روش جست‌وجوی ممنوعه برای حل مدل استفاده شد. نتایج نشان می‌دهد روش جست‌وجوی ممنوعه پیشنهادی قادر به تولید جواب‌های با

کیفیت بالا در زمان محاسبات پایین است (محمد ابراهیمی و همکاران، ۲۰۰۹). سواکی^{۲۴} مسئله تخصیص سفارش قطعات سفارشی میان تأمین‌کنندگان در سیستم‌های ساخت مطابق سفارش^{۲۵} را به صورت یک برنامه‌ریزی عدد صحیح ترکیبی چندهدفه فرمول بندی کرد. در این پژوهش، تابع هدف نخست، متوسط هزینه و تابع هدف دوم، متوسط معیوبی و دیرکرد در تحويل را حداقل می‌کنند. نتایج حل مدل نشان داد بیشترین مقدار هزینه برای کمترین سطح ریسک به دست آمدنی است و بر عکس (سواکی، ۲۰۱۰). کمالی و همکاران یک مدل برنامه‌ریزی غیرخطی عدد صحیح ترکیبی چندهدفه برای هماهنگی سیستم یک خریدار و چندین تأمین‌کننده با توجه به سیاست تخفیف کلی از طرف تأمین‌کنندگان، توسعه دادند. به دلیل پیچیدگی مسئله از دو روش فرا ابتکاری برای حل مدل استفاده شد. نتایج حل مدل با الگوریتم‌های فرا ابتکاری نشان داد این الگوریتم‌ها در زمان اجرای کم، جواب‌های با کیفیت بالا تولید می‌کنند (کمالی و همکاران، ۲۰۱۱).

دسته ششم: لی^{۲۶} و زاینسکی^{۲۷} بیان کرده‌اند ملحق کردن نامعینی تقاضا و ظرفیت تأمین‌کننده در مدل‌های بهینه‌سازی باعث انتخاب استوار تأمین‌کنندگان می‌شود. آن‌ها یک مدل برنامه‌ریزی احتمالی دو مرحله‌ای و یک مدل برنامه‌ریزی محدودیت‌های تصادفی برای تعیین یک مجموعه از تأمین‌کنندگان و مقدار سفارش بهینه با در نظر گرفتن تخفیف بر مبنای ارزش خرید ارائه دادند. هر مدل شامل چندین هدف است. نتایج حل مدل نشان داد با ثابت‌ماندن هزینه، در صورتی که خریدار تعداد تأمین‌کننده بیشتری را مدیریت کند، قابلیت اطمینان سیستم افزایش می‌یابد (لی و زاینسکی، ۲۰۱۱). ژنگ^{۲۸} و ژنگ، یک مسئله انتخاب تأمین‌کننده یک‌هدفه و یک محصولی را ارائه دادند. آنها در پژوهش خود مسئله خرید را با توجه به تقاضای احتمالی در نظر گرفتند. هدف مسئله، انتخاب تأمین‌کنندگان و تخصیص مقدار سفارش برای حداقل کردن هزینه‌های انتخاب، خرید، نگهداری و کمبود است. نتایج حل مدل نشان می‌دهد وقتی واریانس تقاضا زیاد است، مقدار سفارش کاهش می‌یابد؛ زیرا واریانس زیاد تقاضا به معنی نامعینی تقاضا است. در چنین وضعیتی خریدار تمايلی به سفارش زیاد ندارد و این مسئله بر انتخاب تأمین‌کننده تأثیر چشم‌گیری دارد (ژنگ و ژنگ، ۲۰۱۱). اریکان، مسئله انتخاب تأمین‌کننده را با در نظر گرفتن سه هدف شامل حداقل کردن هزینه، حداکثر کردن کیفیت و حداکثر کردن سطح سرویس محصولات خریداری شده بررسی کردند. در این پژوهش تقاضا به صورت فازی در نظر گرفته شده است. پژوهشگر از روشی تکراری برای حل مدل استفاده کرد. نتایج نشان داد تکراری بودن روش به تصمیم‌گیرنده اجازه می‌دهد ارجحیت خود نسبت به توابع هدف را در فرآیند حل تعیین کند (اریکان، ۲۰۱۵).

تقاضای مشتری یکی از پارامترهای مهم است و روی انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم به او تأثیر دارد. در دنیای واقعی، تقاضا به طور قطعی مشخص نیست؛ بنابراین لازم است در مسئله انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم به آن‌ها احتمالی بودن تقاضا در نظر گرفته شود. در نظر گرفتن تقاضا به صورت احتمالی، مدل‌سازی مسئله را پیچیده می‌کند. در این پژوهش از روش برنامه‌ریزی محدودیت تصادفی برای تبدیل محدودیت تعادل موجودی به شکل احتمالی استفاده می‌شود. علاوه بر در نظر گرفتن تقاضا به صورت احتمالی، وقتی تأمین‌کننده از سیاست تخفیف استفاده می‌کند، خریدار برای خرید بیشتر ترویج می‌شود. اما به دلیل محدودیت فضای انبار، میزان سفارش خریدار محدود می‌شود؛ بنابراین لازم است زمانی که سیاست تخفیف کلی استفاده می‌شود،

محدودیت فضای انبار نیز در نظر گرفته شود. درنتیجه در این پژوهش برای مسئله انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم به او علاوه بر سیاست تخفیف کلی، محدودیت فضای انبار نیز در نظر گرفته شود. همچنین در این پژوهش به طور همزمان مدل برنامه‌ریزی چندهدفه و چنددوره‌ای مسئله انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم به آنها با در نظر گرفتن تخفیف کلی و محدودیت فضای انبار در محیط تقاضای احتمالی بررسی خواهد شد.

در این پژوهش برای انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم به او سه هدف در نظر گرفته شده است. در مرور ادبیات در این زمینه بیشتر پژوهش‌ها از روش *LP* متريک برای مدل‌سازی مسئله چندهدفه استفاده کرده‌اند. در روش *LP*، ارجحیت تصمیم‌گیرنده نسبت به اهداف مختلف به صورت وزن اهداف در نظر گرفته می‌شود. استفاده از وزن دهی ارجحیت تصمیم‌گیرنده نسبت به اهداف را به طور دقیق نشان نمی‌دهد. همچنین در روش *LP* جواب‌های به دست آمده به متريک استفاده شده و به وزن توابع هدف وابسته است؛ بنابراین روش مناسبی برای مدل‌سازی مسائل چندهدفه نیست. در دنیای واقعی ممکن است بعضی از اهداف برای تصمیم‌گیرنده اولویت بیشتری داشته باشند. همچنین ممکن است تصمیم‌گیرنده برای هر هدف، سطح انتظار حداقل و حداکثری در نظر بگیرد. این موارد در روش *LP* متريک در نظر گرفته نشده‌اند. روش برنامه‌ریزی آرمانی اولویت‌های تصمیم‌گیرنده و سطح انتظار او برای هر هدف را به طور همزمان در نظر گرفته می‌شود. بنابراین در این پژوهش از روش برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای برای مدل‌سازی مسئله چندهدفه استفاده می‌شود. این روش، ارجحیت تصمیم‌گیرنده نسبت به اهداف مختلف و حداقل و حداکثر سطح انتظار تصمیم‌گیرنده نسبت به هر هدف را در نظر می‌گیرد.

در این پژوهش یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح ترکیبی چندهدفه برای انتخاب تأمین‌کنندگان و تخصیص سهم به هر کدام از آن‌ها در یک محیط با تقاضای نامعین و در نظر گرفتن چندین دوره برنامه‌ریزی و چندین محصول با توجه به محدودیت فضای انبار ارائه می‌شود. همچنین فرض می‌شود تأمین‌کنندگان برای به دست آوردن سهم بیشتر از سیاست تخفیف کلی استفاده می‌کنند. از روش برنامه‌ریزی محدودیت تصادفی برای تبدیل محدودیت تعادل موجودی به شکل احتمالی استفاده می‌شود. همچنین از رویکرد مدل‌سازی جدید برنامه‌ریزی آرمانی در حوزه انتخاب تأمین‌کنندگان استفاده می‌شود.

به طور خلاصه نوآوری این پژوهش به صورت زیر است:

- (۱) در نظر گرفتن همزمان مدل برنامه‌ریزی چندهدفه و چنددوره‌ای مسئله انتخاب تأمین‌کننده و تخصیص سهم به آنها با در نظر گرفتن تخفیف کلی و محدودیت فضای انبار در محیط تقاضای احتمالی؛
- (۲) در نظر گرفتن رویکردهای مدل‌سازی مختلف چندهدفه در حوزه انتخاب تأمین‌کنندگان؛
- (۳) استفاده از روش برنامه‌ریزی محدودیت تصادفی برای تبدیل رابطه تعادل موجودی در محیط تقاضای احتمالی.

مفروضات و نمادگذاری

در این بخش مدل مسئله انتخاب تأمینکنندگان و تخصیص سهم به هر کدام از آن‌ها ارائه می‌شود. مسئله به صورت یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح ترکیبی چنددهفه برای انتخاب تأمینکنندگان و تخصیص سهم به هر کدام از آن‌ها در یک محیط با تقاضای نامعین با در نظر گرفتن چندین دوره برنامه‌ریزی و چندین محصول با توجه به محدودیت فضای انبار فرمول‌بندی می‌شود. فرض می‌شود تأمینکنندگان برای به دست آوردن سهم بیشتر از سیاست تخفیف کلی استفاده می‌کنند. فرضیات مدل، نمادگذاری و متغیرهای تصمیم به صورت زیر هستند:

مفروضات

- تقاضای هر محصول خریدار دارای توزیع نرمال با میانگین و واریانس مشخص است.
- تأمینکنندگان تخفیف را به صورت کلی ارائه می‌کنند.
- هزینه نگهداری موجودی و هزینه کمبود هر واحد در محل خریدار مشخص و مستقل از قیمت هر واحد است.
- تعداد دوره‌های برنامه‌ریزی محدود و مشخص است.
- سطح موجودی اولیه خریدار صفر است.
- موجودی باقیمانده هر دوره به دوره‌های بعدی منتقل می‌شود.
- واحد بار هر محصول معادل یک در نظر گرفته می‌شود.

نمادگذاری: نمادهای ارائه شده در این پژوهش به صورت زیر هستند:

اندیس‌ها

- : اندیس دوره برنامه‌ریزی ($t = 1, \dots, T$)
- : اندیس مربوط به تأمینکنندگان ($i = 1, \dots, n$)
- : اندیس مربوط به محصول ($j = 1, \dots, P$)

پارامترها

- D_{jt} : تقاضای محصول j در دوره t
- h_{jt} : هزینه نگهداری هر واحد محصول j در دوره t
- π_{jt} : هزینه کمبود هر واحد محصول j در دوره t
- O_{jt} : هزینه سفارش دهی محصول j در دوره t
- H_{ji} : نرخ دیرکرد در تحويل محصول j توسط تأمینکننده i
- d_{ji} : نرخ برگشت محصول j توسط تأمینکننده i
- C_{ijkl} : هزینه واحد محصول j در بازه تخفیف k برای محصول i که توسط تأمینکننده i در دوره t ارائه می‌شود.

A_{jit}: اندیس آخرین بازه تخفیف ارائه شده توسط تأمین کننده i برای محصول j در دوره t
U_{ijkl}: حداکثر مقدار خرید محصول j از تأمین کننده i در دوره t در بازه تخفیف k
U_{ijkl}*: به اندازه یک مقدار مثبت خیلی کوچک کمتر از U_{ijkl}
CAP: ظرفیت انبار

متغیرهای تصمیم

Y_{ijkl}: اگر محصول j از تأمین کننده i در دوره t و در بازه تخفیف k خریداری شود، مساوی یک و در غیر این صورت مساوی صفر است.

q_{ijkl}: مقدار خریداری شده محصول j از تأمین کننده i در بازه تخفیف k در دوره t
I_{jt}: موجودی پایان دوره t محصول j
S_{jt}: کمبود پایان دوره t محصول j

مدل ریاضی

$$MinZ_1 = \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^{A_{ji}} C_{ijkl} \times q_{ijkl} + \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^{A_{ji}} O_{jt} \times Y_{ijkl} + \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P h_{jt} \times I_{jt} + \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P \pi_{jt} \times S_{jt} \quad (1)$$

$$MinZ_2 = \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^{A_{ji}} d_{ji} \times q_{ijkl} \quad (2)$$

$$MinZ_3 = \sum_{t=1}^T \sum_{j=1}^P \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^{A_{ji}} H_{ji} \times q_{ijkl} \quad (3)$$

$$\sum_{j=1}^P I_{j(t-1)} + \sum_{j=1}^P \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^{A_{ji}} q_{ijkl}) \leq CAP \quad \forall t \quad (4)$$

$$q_{ijkl} \leq U_{ijkl}^* \times Y_{ijkl} \quad \forall j, i, k, t \quad (5)$$

$$q_{ijkl} \geq U_{ij(k-1)t} \times Y_{ij(k-1)t} \quad \forall j, i, k, t \quad (6)$$

$$\sum_{k=1}^{A_{ji}} Y_{ijkl} \leq 1 \quad \forall j, i, t \quad (7)$$

$$I_{jt} - S_{jt} = \sum_{k=1}^{A_{ji}} \sum_{i=1}^n q_{ijkl} - D_{it} + I_{i(t-1)} - S_{i(t-1)} \quad \forall t, j \quad (8)$$

$$Y_{ijkl} \in \{0, 1\} \quad \forall j, i, k, t \quad (9)$$

$$I_{jt}, S_{jt}, q_{ijkl} \geq 0 \quad \forall i, j, k, t \quad (10)$$

تابع هدف (۱)، هزینه‌های سیستم را حداقل می‌کند. عبارت اول هزینه خرید، عبارت دوم هزینه سفارش دهی، عبارت سوم هزینه نگهداری و عبارت چهارم هزینه کمبود موجودی را نشان می‌دهند.

تابع هدف (۲) میزان اقلام برگشتی را حداقل می‌کند. با توجه به مشخص بودن نرخ برگشت هر محصول برای هر تأمین‌کننده، این تابع هدف مقدار سفارش به هر تأمین‌کننده را طوری تخصیص می‌دهد که متوسط بازگشتی حداقل باشد. تابع هدف (۳)، متوسط دیرکرد در تحویل محصولات را حداقل می‌کند. با توجه به مشخص بودن نرخ دیرکرد در تحویل هر تأمین‌کننده، این تابع هدف مقدار سفارش به هر تأمین‌کننده را طوری تخصیص می‌دهد که دیرکرد در تحویل حداقل باشد. محدودیت (۴)، مربوط به ظرفیت انبار است. محدودیت‌های (۵)، (۶) و (۷) محدودیت‌های مربوط به تخفیف کلی هستند. اشتراک محدودیت (۵) و (۶)، نشان می‌دهد در صورت خرید از یک بازه تخفیف ($Y_{ijkt} = 1$)، مقدار خرید دارای کران پایین صفر و کران بالای U_{ijkt}^* خواهد بود ($0 \leq q_{ijkt} \leq U_{ijkt}^*$). محدودیت (۷) نیز نشان می‌دهد یا از تأمین‌کننده هیچ محصولی خریداری نمی‌شود یا در صورت خرید، فقط از یک بازه تخفیف، خرید صورت می‌گیرد.

رابطه (۸) رابطه تعادل موجودی را نشان می‌دهد و رابطه‌های (۹) و (۱۰) وضعیت متغیرهای تصمیم مدل را نشان می‌دهند.

از آنجایی که تقاضای محصولات در هر دوره به صورت احتمالی است، از روش برنامه‌ریزی محدودیت تصادفی برای تبدیل محدودیت تعادل موجودی (۸) استفاده می‌شود. چارنز^{۲۹} و کوپر^{۳۰} برای تبدیل محدودیت‌های قطعی به محدودیت‌هایی که دارای پارامترهای احتمالی هستند، برنامه‌ریزی محدودیت تصادفی را توسعه داده‌اند. مطابق این روش، محدودیت احتمالی تضمین می‌کند محدودیت در یک سطح اطمینان از پیش تعیین شده برآورده می‌شود. این سطح اطمینان را تصمیم‌گیرنده تعیین می‌کند (چارنز و کوپر، ۱۹۵۹).

مطابق روش برنامه‌ریزی محدودیت تصادفی، رابطه تعادل موجودی به صورت رابطه (۱۱) نوشته می‌شود:

$$P(\underline{I} \leq I_t \leq \bar{I}) \geq \alpha \quad (11)$$

در این رابطه \underline{I} و \bar{I} حداقل و حداقل موجودی در هر دوره و α سطح اطمینان از پیش تعیین شده را نشان می‌دهد.

باتوجه به رابطه (۱۱)، رابطه (۸) پس از به دست آوردن I_{jt} که نشان‌دهنده موجودی پایان دوره t محصول j است، مطابق رابطه (۱۲) نوشته می‌شود:

$$P(\underline{I} \leq \sum_{k=1}^{A_{jt}} \sum_{i=1}^n q_{ijkt} - D_{jt} + I_{j(t-1)} - S_{j(t-1)} \leq \bar{I}) \geq \alpha \quad (12)$$

بعد از ساده‌سازی، رابطه (۱۲) به رابطه (۱۳) تبدیل می‌شود:

$$P(\underline{I} - I_{j(t-1)} + S_{j(t-1)} - \sum_{k=1}^{A_{jt}} \sum_{i=1}^n q_{ijkt} \leq D_{jt} \leq \bar{I} - I_{j(t-1)} + S_{j(t-1)} - \sum_{k=1}^{A_{jt}} \sum_{i=1}^n q_{ijkt}) \geq \alpha \quad (13)$$

فرض می‌شود تقاضای هر محصول در هر دوره برنامه‌ریزی از توزیع نرمال با میانگین μ_{jt} و انحراف معیار σ_{jt} پیروی می‌کند؛ بنابراین رابطه فوق به رابطه (۱۴) تبدیل می‌شود:

$$P\left(\frac{\underline{I} - I_{j(t-1)} + S_{j(t-1)} - \sum_{k=1}^{A_{jt}} \sum_{i=1}^n q_{ijk} - \mu_{it}}{\sigma_{jt}} \leq \frac{\bar{I} - I_{j(t-1)} + S_{j(t-1)} - \sum_{k=1}^{A_{jt}} \sum_{i=1}^n q_{ijk} - \mu_{it}}{\sigma_{jt}}\right) \geq \alpha \quad (14)$$

بنابراین در مدل ارائه شده (۱۰)-(۱) به جای محدودیت (۸) از محدودیت (۱۴) استفاده می‌شود.

روش‌های مدل‌سازی و نتایج عددی

در این بخش، ابتدا روش‌های مدل‌سازی مسئله بیان و برای هر روش مثال عددی حل می‌شود.

روش‌های مدل‌سازی: مسائل تصمیم‌گیری چنددهدفه به چهار دسته اصلی تقسیم می‌شوند. دسته نخست این نوع مسائل، نیاز به گرفتن هیچ‌گونه اطلاعاتی از تصمیم‌گیرنده ندارد. روش *LP* متريک يكى از اين نوع روش‌هاست و هدف آن حداقل کردن انحراف‌های توابع هدف از مقادير ايدئال است. دسته دوم اين نوع مسائل، نیاز به گرفتن اطلاعات از تصمیم‌گیرنده دارند. اين دسته شامل روش‌های تابع مطلوبیت، تابع ارزشی و روش اهداف حددار هستند. تئوري مطلوبیت برای تصمیم‌گیری تحت شرایط عدم‌اطمینان به وجود آمده است. مطلوبیت از يك هدف يا شاخص، تعیین‌کننده بیشترین درجه رضایت‌بخشی ممکن از آن هدف يا شاخص برای تصمیم‌گیرنده‌ها است؛ به طوری که او تعیین می‌کند رسیدن به کدام‌یک از اهداف برایش مطلوبیت بیشتری دارد. تئوري ارزش برای تصمیم‌گیری در شرایط اطمینان است؛ يعني تصمیم از بین نتایج قطعی حاصل از شاخص‌ها اتخاذ می‌شود. در روش اهداف حددار، تصمیم‌گیرنده باید قبل از حل مسئله، حداقل سطح لازم از هر هدف را مشخص کند. روش برنامه‌ریزی آرمانی يكى از اين روش‌ها است. در روش برنامه‌ریزی آرمانی، تصمیم‌گیرنده حداقل سطح قابل قبول برای توابع حداقل کردن يا حداکثر کردن را تعیین می‌کند.

دسته سوم این نوع مسائل مجموعه‌ای از جواب‌های کارا را فراهم می‌کنند. در این دسته، تصمیم‌گیرنده فرصت انتخاب جواب‌های ترجیح داده شده خود را از میان جواب‌های کارا دارد. دسته چهارم این نوع مسائل براساس کسب اطلاعات از تصمیم‌گیرنده در حین محاسبات و در خلال حل مسئله است. در این روش‌ها، تصمیم‌گیرنده باید در طول حل مسئله تشخیص دهد که کدام‌یک از اهداف برایش ارجحیت دارد. روش گرادیان، روش تبادل و جانشینی، نمونه‌ای از این نوع روش‌ها هستند (هوانگ^{۳۱} و مسعود^{۳۲}، ۱۹۷۹).

در این پژوهش از سه روش مدل‌سازی استفاده می‌شود. این روش‌ها شامل *LP* متريک، روش برنامه‌ریزی آرمانی و روش برنامه‌ریزی آرمانی چندگرینه‌ای هستند. درواقع این روش‌ها از جدیدترین روش‌های مدل‌سازی ارائه شده در خصوص مسائل چنددهدفه هستند. در روش *LP* متريک، میزان انحراف هر تابع هدف از مقدار بهینه آن تابع حداقل می‌شود. از معایب این روش این است که ارجحیت تصمیم‌گیرنده نسبت به اهداف مختلف به صورت وزن اهداف در نظر گرفته می‌شود. از آنجایی که محاسبه وزن اهداف به طور دقیق امکان‌پذیر نیست و جواب‌های به دست آمده از این روش، به وزن اهداف و متريک استفاده شده بستگی زیادی دارند، روش مناسبی برای مدل‌سازی

مسائل چنددهدله نیست. در دنیای واقعی ممکن است برخی از اهداف برای تصمیم‌گیرنده اهمیت بیشتری داشته باشند؛ بنابراین لازم است این اولویت‌ها در مدل‌سازی در نظر گرفته شود. روش برنامه‌ریزی آرمانی یک روش مدل‌سازی مسائل چنددهدله است که اولویت تصمیم‌گیرنده نسبت به هر تابع هدف و سطح انتظار او از هر تابع هدف را هم‌زمان در نظر می‌گیرد و چون وزن اهداف را در نظر نمی‌گیرد، برای مدل‌سازی مناسب‌تر است. در روش برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای، بهجای در نظر گرفتن یک سطح انتظار برای هر تابع هدف، چندین سطح انتظار در نظر گرفته می‌شود. در واقع سطح انتظار تصمیم‌گیرنده از هر تابع هدف یک مقدار مشخص نیست، بلکه به صورت حداقل و حداًکثر سطح انتظار است؛ بنابراین مدل‌سازی مسائل چنددهدله با استفاده از روش برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای در دنیای واقعی کاربرد بیشتری دارد.

در ادامه هریک از این روش‌ها به اختصار توضیح داده می‌شود.

روش LP متريک: در اين روش، ابتدا مقدار ايدئال هریک از اهداف را به دست می‌آيد و مطابق روش زير تابع

هدف به يك تابع هدف واحد تبديل می‌شود:

$$Z = \left[\sum_{i=1}^n \gamma_i \left(\frac{Z_i - Z_i^*}{Z_i^*} \right)^p \right]^{\frac{1}{p}} \quad (15)$$

در رابطه بالا γ_i اهمیت یا وزن تابع هدف Z_i و Z_i^* مقدار ایدئال تابع هدف Z_i را نشان می‌دهند. همچنین γ_i ضابطه ریاضی تابع هدف Z_i را نشان می‌دهند (اسفندياري و سيف برقى، ۲۰۱۳).

روش برنامه‌ریزی آرمانی: برنامه‌ریزی آرمانی یک مدل خاص از مدل تابع فاصله است. شکل عمومی مدل تابع فاصله به صورت زير است (چنگ، ۲۰۱۱):

$$\text{Min} \left[W_i \times |f_i(X) - g_i|^p \right]^{\frac{1}{p}} \quad (16)$$

S.T:

$X \in F$ (X is a feasible solution)

در رابطه بالا، W_i اولویت هدف Z_i ، (X) تابع هدف Z_i ، f_i سطح انتظار (آرمان) هدف Z_i ام، X بردار متغیر تصمیم و $|f_i(X) - g_i|$ مقدار انحراف تابع هدف را از سطح انتظار (آرمان) نشان می‌دهد. P ، متريک عمومی است و خانواده توابع فاصله را تعريف می‌کند.

فرض کنید $f_i(X) - g_i = d_i^+ + d_i^-$ و $P = 1$ باشد، مدل تابع فاصله به صورت زير فرمول‌بندی می‌شود:

$$\text{Min} \sum_{i=1}^n W_i (d_i^+ + d_i^-) \quad (18)$$

S.T:

$$f_i(X) - d_i^+ + d_i^- = g_i \quad i = 1, \dots, n \quad (19)$$

$$d_i^+, d_i^- \geq 0 \quad i = 1, \dots, n \quad (20)$$

$X \in F$ (X is a feasible solution) (21)

d_i^+ و d_i^- مقدار انحراف مثبت و منفی تابع هدف Z_i از سطح انتظار Z_i را نشان می‌دهند. سایر متغیرها، تعريف شده‌اند.

روش برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای: این روش را چنگ پیشنهاد داده است. این روش به تصمیم‌گیرنده اجازه می‌دهد تا چندین سطح انتظار (آرمان) را برای هریک از اهداف تنظیم کند. این روش به صورت زیر فرمولبندی می‌شود (چنگ، ۲۰۱۱):

$$\text{Min} \sum_{i=1}^n [W_i(d_i^+ + d_i^-) + \alpha_i(e_i^+ + e_i^-)] \quad (22)$$

S.T:

$$f_i(X) - d_i^+ + d_i^- = y_i \quad i = 1, \dots, n \quad (23)$$

$$y_i - e_i^+ + e_i^- = g_{i,\max} \text{ or } g_{i,\min} \quad i = 1, \dots, n \quad (24)$$

$$g_{i,\min} \leq y_i \leq g_{i,\max} \quad i = 1, \dots, n \quad (25)$$

$$d_i^+, d_i^-, e_i^+, e_i^- \geq 0 \quad (26)$$

$$X \in F \quad (X \text{ is a feasible solution}) \quad (27)$$

اولویت هدف i ، $f_i(X)$ تابع هدف i ، d_i^+ و d_i^- به ترتیب مقدار انحراف مثبت و منفی تابع هدف i از سطح انتظار i ، y_i و $g_{i,\min}$ و $g_{i,\max}$ به ترتیب کران بالا و پایین متغیر y_i ، e_i^+ و e_i^- به ترتیب مقدار انحراف مثبت و منفی متغیر y_i از $g_{i,\max}$ و $g_{i,\min}$ را نشان می‌دهند. y_i نیز یک متغیر پیوسته است که در بازه $g_{i,\min} \leq y_i \leq g_{i,\max}$ قرار دارد.

مثال عددی

در این قسمت یک مثال عددی با ابعاد کوچک ارائه می‌شود. ساختار مثال عددی ارائه شده به صورت زیر است: تعداد دوره‌های برنامه‌ریزی ۵ دوره، تعداد تأمین‌کنندگان ۲ و تعداد محصولات ۲، هزینه سفارش دهی تأمین‌کننده A برای محصول یک و دو به ترتیب ۱۶۵ و ۲۵۰ و هزینه سفارش دهی تأمین‌کننده B برای محصول یک و دو به ترتیب برابر ۲۲۰ و ۱۸۰ در نظر گرفته می‌شود. همچنین هزینه نگهداری هر واحد در هر دوره ۱۱ و هزینه کمبود هر واحد در هر دوره ۵ در نظر گرفته می‌شود. جدول (۱)، جدول تخفیف تحت مقدار خرید برای تأمین‌کننده A و B را در دوره یک نشان می‌دهد.

جدول (۲) میانگین تقاضای محصول یک و دو را در دوره یک تا پنج نشان می‌دهد. انحراف معیار تقاضا در همه دوره‌ها و برای همه محصولات برابر ۱/۰ میانگین، نرخ دیرکرد محصولات بین بازه ۰/۵-۱/۰ و نرخ معیوبی محصولات بین بازه ۰/۶-۰/۲ هستند.

جدول ۱- جدول تخفیف تحت مقدار خرید برای تأمین‌کننده A و B

تأمین‌کننده	بازه خرید	قیمت
A	۰-۲۰۰۰	۲/۹۹
	۲۰۰۱ تراز بیشتر از	۲/۸۵
B	۰-۹۰۰	۳/۰۵
	۹۰۰ تراز بیشتر از	۲/۸۳

جدول ۲- میانگین تقاضای محصول یک و دو در دوره‌های یک تا پنج

j/t	۱	۲	۳	۴	۵
۱	۶۶۰	۷۲۰	۵۱۰	۸۱۰	۷۴۵
۲	۴۶۵	۱۵۱۰	۲۴۱۰	۵۱۵	۱۸۵۰

مثال عددی توصیف شده با استفاده از سه روش توضیح داده شده، بررسی می‌شود. نتایج حل مثال عددی به روش LP متريک، برنامه‌ریزی آرمانی و برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای به ترتیب در بخش (۱-۵)، (۲-۵) و (۳) توضیح داده خواهد شد. برای روش برنامه‌ریزی آرمانی دو سناريو در نظر گرفته می‌شود. در سناريوی یک، تابع هزینه دارای اولویت اول و دو تابع هدف دیگر دارای اولویت دوم و در سناريوی دوم، تابع هدف دوم و سوم دارای اولویت اول و تابع هدف هزینه دارای اولویت دوم هستند. همچنین برای روش برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای سه سناريوی مختلف در نظر گرفته خواهد شد. در سناريوی اول و دوم، تابع هدف هزینه دارای اولویت اول و توابع هدف آیتم‌های برگشتی و دیرکرد دارای اولویت دوم در نظر گرفته می‌شود و در سناريوی سوم هر سه تابع هدف دارای اولویت يکسان هستند.

نتایج حل مثال عددی به روش LP متريک: برای حل مدل به روش LP متريک، ابتدا مقدار بهینه هریک از توابع هدف به دست می‌آید. مقدار بهینه توابع هدف یک، دو و سه به ترتیب برابر $Z_1^* = 63938.35$ ، $Z_2^* = 50$ و $Z_3^* = 84.5$ است. سپس سه تابع هدف به یک تابع هدف تبدیل می‌شود.

همان‌طور که ملاحظه می‌شود در روش LP ، جواب‌های به دست آمده به متريک استفاده شده و وزن توابع هدف وابسته است؛ بنابراین روش مناسبی برای حل مسائل چندهدفه نیست.

جدول ۳- نتایج حل مثال عددی با استفاده از روش LP متريک برای $P = \infty$

سناريو	۱	۲	۳
γ_1	۰/۸	۰/۷	۰/۵
γ_2	۰/۱	۰/۲	۰/۲۵
γ_3	۰/۱	۰/۱	۰/۲۵
Z	۰/۶۰۴۷	۰/۶۰۸۲	۰/۷۰۴۱
Z_1	۱۱۲۲۷۱/۵	۱۱۹۴۹۴/۷	۱۲۸۲۵۱/۹
Z_2	۳۵۲/۳۷	۲۰۲/۰۶	۱۹۰/۸۲
Z_3	۵۹۵/۵۱	۵۹۸/۴۶	۳۲۲/۴۹

جدول ۴- نتایج حل مثال عددی با استفاده از روش LP متريک برای $P = 1$

سناريو	۱	۲	۳
γ_1	۰/۸	۰/۷	۰/۵
γ_2	۰/۱	۰/۲	۰/۲۵
γ_3	۰/۱	۰/۱	۰/۲۵
Z	۱/۰۰۵۸۱۵	۰/۸۸۰۱	۰/۶۲۸۶
Z_1	۱۴۴۳۲۶	۱۴۴۳۲۶	۱۴۴۳۲۶
Z_2	۵۰	۵۰	۵۰
Z_3	۸۴/۵	۸۴/۵	۸۴/۵

نتایج حل مثال عددی به روش برنامه‌ریزی آرمانی: در این بخش نتایج حل مثال عددی به روش برنامه‌ریزی آرمانی بیان می‌شود. مقادیر آرمان هریک از توابع هدف یعنی هزینه، اقلام برگشتی و دیرکرد به ترتیب برابر $g_1 = 4000$ ، $g_2 = 40$ و $g_3 = 75$ در نظر گرفته می‌شود. برای تعیین اولویت هریک از توابع هدف، دو سناریوی مختلف بررسی خواهد شد. در سناریوی یک، تابع هزینه دارای اولویت اول و دو تابع هدف دیگر دارای اولویت دوم و در سناریوی دوم، تابع هدف دوم و سوم دارای اولویت اول و تابع هدف هزینه دارای اولویت دوم هستند. در ادامه، نتایج حل مثال عددی بیان می‌شود.

جدول ۵- نتایج حل مثال عددی به روش برنامه‌ریزی آرمانی

سناریو	Z_1	Z_2	Z_3
۱	۴۷۱۴۶/۷۲	۲۳۰۹/۴۲	۳۰۶۵/۳۶
۲	۶۲۹۱۹/۹۴	۵۰	۸۴/۵

نتایج حل مثال عددی به روش برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای: برای حل مثال عددی ارائه شده به روش برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای، سه سناریوی مختلف در نظر گرفته خواهد شد. در سناریوی اول و دوم، تابع هدف هزینه دارای اولویت اول و توابع هدف آیتم‌های برگشتی و دیرکرد دارای اولویت دوم هستند و در سناریوی سوم هر سه تابع هدف دارای اولویت یکسان هستند.

جدول ۶- نتایج حل مثال عددی به روش برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای

سناریو	سطوح انتظار		مقدار تابع هدف	
	$g_{1,min}$	$51150/89$	Z_1	$51150/80$
۱	$g_{1,max}$	$63938/35$	Z_2	$1207/44$
	$g_{2,min}$	۴۰	Z_3	$1593/84$
	$g_{2,max}$	۵۰		
	$g_{3,min}$	۶۷/۶		
	$g_{3,max}$	۸۴/۵		
	$g_{1,min}$	۳۸۳۶۳	Z_1	$47149/72$
۲	$g_{1,max}$	$51150/80$	Z_2	$2309/42$
	$g_{2,min}$	۳۰	Z_3	$3065/36$
	$g_{2,max}$	۴۰		
	$g_{3,min}$	۵۰/۷		
	$g_{3,max}$	۶۷/۶		
	$g_{1,min}$	۳۸۳۶۳	Z_1	$47714/92$
۳	$g_{1,max}$	$51150/80$	Z_2	$1373/42$
	$g_{2,min}$	۳۰	Z_3	$2456/96$
	$g_{2,max}$	۴۰		
	$g_{3,min}$	۵۰/۷		
	$g_{3,max}$	۶۷/۶		

نتیجه‌گیری و پیشنهادها برای پژوهش‌های آتی

در این پژوهش، یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح ترکیبی چنددهدفه برای انتخاب تأمین‌کنندگان و تخصیص سهم به آن‌ها با در نظر گرفتن چندین محصول، محدودیت فضای انبار، چندین دوره برنامه‌ریزی در نظر گرفته شده است. در این مدل تقاضا به صورت تقاضای احتمالی در شرایطی است که تأمین‌کنندگان از تخفیف کلی برای تشویق خریدار به خرید بیشتر استفاده می‌کنند. اهداف این مدل شامل حداقل کردن هزینه (هزینه سفارش دهی، هزینه نگهداری و هزینه کمبود)، حداقل کردن برگشتی‌ها و حداقل کردن دیرکردهاست. از آنجاکه تقاضا به صورت احتمالی در نظر گرفته شد، از روش برنامه‌ریزی محدودیت تصادفی استفاده شد. استفاده از این روش برای تبدیل محدودیت تعادل موجودی در شرایطی است که تقاضا دارای توزیع نرمال است. از آنجاکه مدل ارائه شده یک مدل چنددهدفه است از سه روش مدل‌سازی *LP* متريک، برنامه‌ریزی آرمانی و برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای استفاده شد. برای حل مثال عددی با استفاده از روش *LP* متريک، سه سناريو برای تخصیص وزن به اهداف در نظر گرفته شد. تفاوت سناريوها در تخصیص میزان وزن به هریک از اهداف است. نتایج نشان می‌دهد روش *LP* روش مناسبی برای حل مسائل چنددهدفه نیست؛ زیرا در این روش جواب‌های به دست آمده به متريک استفاده شده و وزن توابع هدف وابسته است. همچنین برای حل مثال عددی با استفاده از روش برنامه‌ریزی آرمانی دو سناريو در نظر گرفته شد. در سناريوی اول تابع هزینه دارای اولویت اول و توابع آیتم‌های معیوبی و دیرکرد دارای اولویت دوم و در سناريوی دوم، توابع هدف آیتم‌های معیوبی و دیرکرد دارای اولویت اول و توابع هزینه دارای اولویت دوم در نظر گرفته شد. نتایج نشان می‌دهد، اگر برای تصمیم‌گیرنده حداقل کردن هزینه دارای اولویت بیشتری باشد، متحمل دیرکرد و معیوبی بیشتری خواهد شد؛ اما اگر برای تصمیم‌گیرنده حداقل کردن دیرکرد و معیوبی در اولویت بالاتری باشد، متحمل هزینه بیشتری خواهد شد.

همچنین برای حل مثال عددی با استفاده از روش برنامه‌ریزی آرمانی چندگزینه‌ای، سه سناريو مختلف در نظر گرفته شد. در هر سه سناريو تابع هدف هزینه دارای اولویت اول و توابع هدف آیتم‌های برگشتی و دیرکرد دارای اولویت دوم و برای هر تابع هدف دو سطح انتظار (آرمان) در نظر گرفته شد. مقایسه سناريوی یک و دو نشان می‌دهد در سناريوی یک، تصمیم‌گیرنده کران پایین و بالای بزرگ‌تری برای تابع هزینه در نظر گرفته است. مقایسه نتایج این دو سناريو نشان می‌دهد مقدار تابع هزینه سناريوی یک بزرگ‌تر از سناريوی دو است؛ اما در مقابل توابع دیرکرد و میزان بازگشتی مقادیر کمتری دارند.

سناريوی دو و سه دارای کران بالا و پایین یکسانی برای هر سه توابع هدف هستند؛ اما چون در سناريوی دو، تابع هزینه دارای اولویت اول و دو تابع هدف دیگر دارای اولویت دوم هستند و در سناريوی سوم هر سه تابع هدف دارای اولویت یکسانی هستند، در سناريوی دوم، مقدار تابع هزینه کمتر از تابع هزینه سناريوی سوم است؛ اما در مقابل دیرکرد و میزان بازگشتی بزرگ‌تری نسبت به سناريوی سوم دارد.

این پژوهش زمینه‌ای برای پژوهش‌های آتی در زمینه مسئله انتخاب تأمین‌کنندگان و تخصیص سهم به آن‌ها است. در پژوهش‌های آتی می‌توان سایر توزیع‌های احتمالی را برای تابع تقاضای محصولات در نظر گرفت. همچنین پیشنهاد می‌شود از روش‌های فراابتکاری چنددهدفه برای حل مثال‌های عددی در ابعاد بزرگ استفاده شود. درنهایت پیشنهاد می‌شود در مدل‌های بعدی استراتژی همکاری خردهفروش و تأمین‌کننده در نظر گرفته شود.

References

- AhlactiogluOzkok, B., & Tiryaki, F. (2011). "A compensatory fuzzy approach to multi-objective linear supplier selection problem with multiple items". *Expert Systems with Applications*, 38(9), 11363-11368.
- Arikan, F. (2013). "A fuzzy solution approach for multi objective supplier selection". *Expert Systems with Applications*, 40(3), 947-952.
- Arikan, F. (2015). "An interactive solution approach for multiple objective supplier selection problem with fuzzy parameters". *Journal of Intelligent Manufacturing*, Doi: 10.1007/s10845-013-0782-6.
- Ayhan, M.B., & Kilic, H.S. (2015). "A two stage approach for supplier selection problem in multi-item/multi-supplier environment with quantity discounts". *Computers & Industrial Engineering*, Doi: <http://dx.doi.org/10.1016/j.cie.2015.02.026>.
- Bohner, Ch., & Minner, S. (2016). "Supplier Selection under Failure Risk, Quantity and Business Volume Discounts". *Computers & Industrial Engineering*, Doi: <http://dx.doi.org/10.1016/j.cie.2016.11.028>
- Chang, Ch. (2011). "Multi-choice goal programming with utility functions". *European Journal of Operational Research*, 215(2), 439-445.
- Charnes, A., & Cooper, W.W. (1959). "Chance-constrained programming". *Management Science*, 6(1), 73-79.
- Esfandiari, N., & Seifbarghy, M. (2013). "Modeling a stochastic multi-objective supplier quota allocation problem with price dependent ordering". *Applied Mathematical Modelling*, 37(8), 5790-5800.
- Fazlollahtabar, H., Mahdavi,I., TalebiAshoori, M., Kaviani, S.,& Mahdavi-Amiri, N. (2011). "A multi-objective decision-making process of supplier selection and order allocation for multi-period scheduling in an electronic market". *International Journal of Advanced Manufacturing Technology*, 52(9-12), 1039-1052.
- Hamdan, S., & Cheaitou, A. (2017). "Green Supplier Selection and Order Allocation with Incremental Quantity Discounts". *IEEE*, Doi:10.1109/ICMSAO.2017.7934913
- Ho, W., Xu, X., & Dey, P.K. (2010). "Multi-criteria decision making approaches for supplier evaluation and selection: a literature review". *European Journal of Operational Research*, 202(1), 16-24.
- Ho, W., Xu, X., & Prasanta Dey,K. (2010)."Multi-criteria decision making approaches for supplier evaluation and selection: a literature review" *European Journal of Operational Research*, 202(1), 1-16.
- Hu, H., Xiong, H., You, Y., & Yan, W. (2016). "A Mixed Integer Programming Model for Supplier Selection and Order Allocation Problem with Fuzzy Multi objective". *Scientific Programming*, 2016, 1-13.
- Humphreys, P., Huang, G., Cadden, T., & McIvor, R. (2007). "Integrating design metrics within the early supplier selection process". *Journal of Purchasing & Supply Management*, 13(1), 42-52.
- Hwang, Ch-L., Masud, A.S.M. (1979). Multiple objective decision making, methods and applications: a state- of- the- art survey, Lecture Notes in Economics and Mathematical Systems. Springer-Verlang, Berlin.
- Kamali, A., FatemiGhom, S.M.T., & Jolai, F.A. (2011). "A multi-objective quantity discount and joint optimization model for coordination of a single-buyer multi-vendor supply chain". *Computers & Mathematics with Applications*, 62(8), 3251-3269.
- Kang, H., Lee, A.H.I., & Yang, C.Y. (2010). "A fuzzy ANP model for supplier selection as applied to IC packaging". *Journal of Intelligent Manufacturing*, 23(5), 1477-1488.

- Kubat, C., & Yuce, B. (2012). "A hybrid intelligent approach for supply chain management system". *Journal of Intelligent Manufacturing*, 23(4), 1237-1244.
- Kumar, D., Rahman, Z., & Chan, F.T.S. (2016). "A fuzzy AHP and fuzzy multi-objective linear programming model for order allocation in a sustainable supply chain: A case study", *International Journal of Computer Integrated Manufacturing*, Doi: 10.1080/0951192X.2016.1145813.
- Li, L., & Zabinsky, Z.B. (2011). "Incorporating uncertainty into a supplier selection problem". *International Journal of Production Economics*, 134 (2), 344-356.
- Mafakheri, F., Breton, M., & Ghoniem, A. (2011). "Supplier selection order allocation: a two-stage multiple criteria dynamic programming approach". *International Journal of Production Economics*, 132(1), 52-57.
- Mendoza, A., & Ventura, I.A. (2012). "Analytical models for supplier selection and order quantity allocation". *Applied Mathematical Modelling*, 36(8), 3826-3835.
- Mohammad Ebrahim, R., Razmi, J., Haleh, H. (2009). "Scatter search algorithm for supplier selection and order lot sizing under multiple price discount environment". *Advances in Engineering Software*, 40(9), 766-776.
- Nourmohamadi Shalke, P., Paydar, M.M., & Hajiaghaei-Keshteli, M. (2017). "Sustainable supplier selection and order allocation through quantity discounts". *International Journal of Management Science and Engineering Management*. Doi:10.1080/17509653.2016.1269246.
- Venkatesan, S.P., & Goh, M. (2016). "Multi objective supplier selection and order allocation under disruption risk". *Transportation Research Part E*, 95 (2016), 124-142.
- Razmi, J., & Maghool, E. (2009). "Multi-item supplier selection and lot-sizing planning under multiple price discounts using augmented ε -constrained and Tchebycheff method". *International Journal of Advanced Manufacturing Technology*, 49(1-4), 379-392.
- Rezaei, J., & Davoodi, M. (2011). "Multi-objective models for lot-sizing with supplier selection". *International Journal of Production Economics*, 130(1), 77-86.
- Seifbarghy, M., & Esfandiari, N. (2011). "Modeling and solving a multi-objective supplier quota allocation problem considering transaction costs". *Journal of Intelligent Manufacturing*, 24(1), 201-209.
- Swaki, T. (2010). "Single vs. multiple objective supplier selection in a make to order environment". *Omega*, 38(3-4), 203-212.
- Xinxing, L., Chong, W., & Duska, Rosenberg, D. (2009). "Supplier selection in agile supply chains: an information-processing model and an illustration". *Journal of Purchasing & Supply Management*, 15(4), 249-262.
- Zhang, J.L., & Zhang, M.Y. (2011). "Supplier selection and purchase problem with fixed cost and constrained order quantities under stochastic demand". *International Journal of Production Economics*, 129(1), 1-7.

¹- Xinxing²- Humphreys³- Ho⁴- Chance- constrained programming⁵- Kubat⁶- Yuce⁷- Kang⁸- Mendoza⁹- Ventura¹⁰- Ayhan¹¹- Kilic¹²- Bohner

- ¹³- Minner
- ¹⁴- Venkatesan
- ¹⁵- Goh
- ¹⁶- Hamdan
- ¹⁷- Cheaitou
- ¹⁸- Hu
- ¹⁹- Ozkok
- ²⁰- Tiryaki
- ²¹- Arikан
- ²²- Kumar
- ²³- Maghool
- ²⁴- Swaki
- ²⁵- Make to order
- ²⁶- Li
- ²⁷- Zabinsky
- ²⁸- Zhang
- ²⁹- Charnes
- ³⁰- Cooper
- ³¹- Hwang
- ³²- Masud
- ³³- Chang